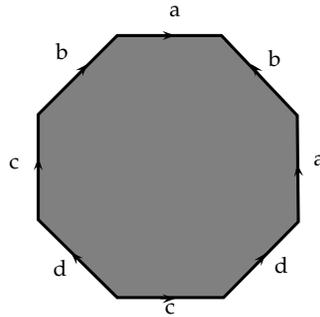
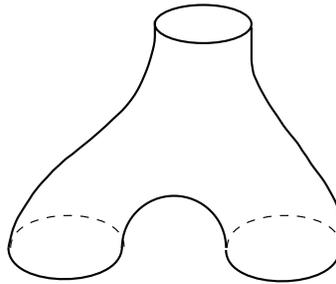


1. Construya una triangulación de la botella de Klein K . Úsela para calcular la característica de Euler de K .
2. Demuestre que la suma conexa de dos superficies orientables es orientable, sin usar el teorema de clasificación de superficies.
3. Demuestre que una superficie compacta y conexa es homeomorfa a la esfera S^2 si y sólo si $\chi(S) = 2$.
4. Sea $C = S^1 \times [0, 1]$ un cilindro compacto. ¿A qué superficie de la lista es homeomorfa $(S^1 \times S^1) \# C$?
5. Dada la región del plano del dibujo, obtenemos un espacio cociente realizando las identificaciones indicadas: lados con la misma letra se identifican entre sí con el sentido de la flecha. Asumiendo que el cociente obtenido es una superficie orientable, indique a cuál de las posibilidades mencionadas en el teorema de clasificación corresponde.



6. Una superficie con frontera como la del dibujo se conoce como "un par de pantalones"; si tenemos k de ellos, podemos pegarlos entre sí identificando las diversas componentes de la frontera. En las identificaciones permitimos el caso en que dos componentes de borde del mismo par de pantalones se identifiquen entre sí.



1. Demuestre que si al pegar k pantalones obtenemos una superficie sin borde, entonces k debe ser par.
2. Demuestre que no se puede obtener S^2 pegando un número finito de pantalones.