Ejercicios de Álgebra, Geometría y Estadística. Tema 10

- 1. Suponiendo que la probabilidad de que un niño que nace sea varón es 0,51, hallar la probabilidad de que una familia de 6 hijos tenga:
 - (a) Por lo menos, una niña.
 - (b) Por lo menos, un niño.
 - (c) Por lo menos, dos niños y una niña.
- 2. El número de erratas por página en un libro sigue una distribución de Poisson. En una muestra de 100 páginas se han observado las siguientes frecuencias:

Número de erratas	0	1	2	3	4	5
Frecuencia	41	32	16	8	2	1

Hallar la probabilidad de que en una página tomada al azar haya alguna errata. ¿Cuál es la probabilidad de que un libro de 20 páginas no tenga erratas?

- 3. Una compañía de seguros con 10000 asegurados sabe que el 0,005% de la población fallece cada año de un cierto tipo de accidente.
 - (a) Hallar la probabilidad de que la compañía tenga que pagar a más de tres asegurados por fallecimiento en un año determinado.
 - (b) ¿Cuál es el número medio de accidentes por año?
- 4. El coeficiente de inteligencia es una variable aleatoria que se distribuye según una normal N(100, 15). Calcular:
 - (a) La probabilidad de que un individuo elegido al azar tenga un coeficiente superior a 120.
 - (b) Suponiendo que un individuo con carrera universitaria debe tener un coeficiente superior a 110, hallar la probabilidad de que un licenciado tenga un coeficiente superior a 120.
- 5. Un botánico ha observado que la anchura X de las hojas del álamo sigue una distribucion $N(\mu, \sigma)$ con $\mu = 6$ cm, y que el 90% de las hojas tiene una anchura inferior a 7,5 cm. Hallar σ . Hallar la probabilidad de que una hoja mida más de 8 cm.
- 6. La anchura en milímetros de una población de coleópteros sigue una distribución $N(\mu, \sigma)$. Se estima que el 77% de la población mide menos de 12 mm. y que el 84% mide más de 7 mm. Hallar μ y σ .
- 7. Tiramos 400 veces una moneda.
 - (a) Hallar la probabilidad de que el número de caras esté comprendido entre 160 y 190.
 - (b) Hallar el intervalo (a,b) centrado en 200, tal que la probabilidad de que el número de caras obtenido esté en dicho intervalo sea 0.95.
- 8. Una línea eléctrica se avería cuando la tensión sobrepasa a la capacidad de la línea. Si la tensión es N(100,20) y la capacidad es N(140,10). Calcular la probabilidad de avería.
- 9. El peso de una gacela (en kg.) es una variable aleatoria X que se distribuye según una N(50,6). Si capturamos 10 gacelas:
 - (a) Indicar la distribución de la variable aleatoria Y ="número de gacelas, de las 10 capturadas, que pesan menos de 40 kg.". Calcular P(Y=2).
 - (b) ¿Cuál es la probabilidad de que podamos transportar las 10 gacelas en un vehículo que admite una carga de 450 kg.? ¿Y si admite una carga de 525 kg.?
- 10. Las mediciones de la velocidad de la luz con un determinado aparato son una variable aleatoria X con distribución $N(\mu=299892,45,\sigma=100)$ (en km/seg.). Calcular la probabilidad de que, en una secuencia de 10 mediciones, tres o más de ellas den un valor por encima de 300000. ¿Cuál es la probabilidad de que la media de las 10 mediciones no se desvíe en mas de 40 km/seg. del valor real?
- 11. La longitud (en milímetros) de un tornillo que sale de fábrica viene dada por una variable aleatoria N(10,1). El tornillo se considera desechable si su longitud es menor de 8 mm. o mayor de 12 mm. La fábrica empaqueta los tornillos en cajas en las que echa 101 tornillos y se compromete a descambiar toda caja con más de 1 tornillo defectuoso. Calcula la probabilidad de descambiar una caja.