

Deusto Unibertsitatea, Urriak 20, 2011



BCAM: Emprendizaje e Innovación en la  
Investigación Matemática

BCAM: Ekimena eta Berrikuntza Ikerketa  
Matematikoan

Enrike Zuazua Iriondo



Bizkaia Technology Park  
Building 500  
E-48160 Derio (Bizkaia)

T: (+34) 946 567 842  
F: (+34) 946 567 843  
E-mail: info@bcamath.org

[www.bcamath.org](http://www.bcamath.org)

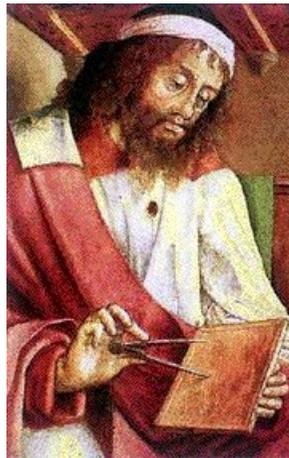
(matematika mugaz bestalde)

1.- Matematikaren jatorria eta zergatiak

1.- Los orígenes y porqués de las Matemáticas

# Matematika = ikasi ahal dena

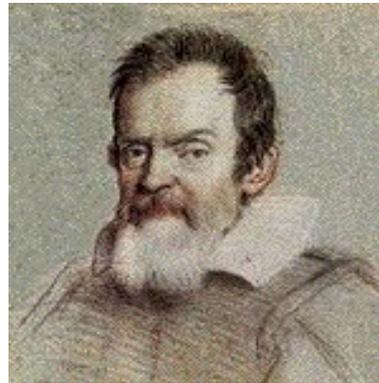
La palabra “matemática” (Griego: *μαθηματικά*) viene del griego antiguo *μαθημα* (*máthēma*), que quiere decir “aprendizaje”, “lo que puede ser aprendido”, “estudio”, “ciencia”.



Euclides 365 AC - 275 AC; Arquímedes 287 AC - 212; Al-Kitab al-mukhtasar 783 DC.

Unibertsoa Matematikaren hizkuntzan idatzita dago.

El universo está escrito en lenguaje matemático.

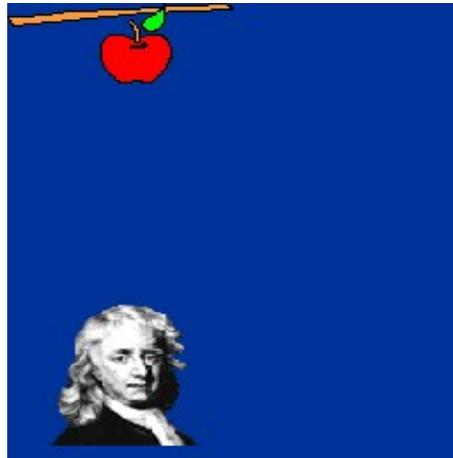


Galileo Galilei (1564-1642).

Estableció los fundamentos de la moderna ciencia. Uno de los fundadores de las ciencias experimentales, astronomía,...

Naturak bereganako adostasuna eta oreka azaltzen du.

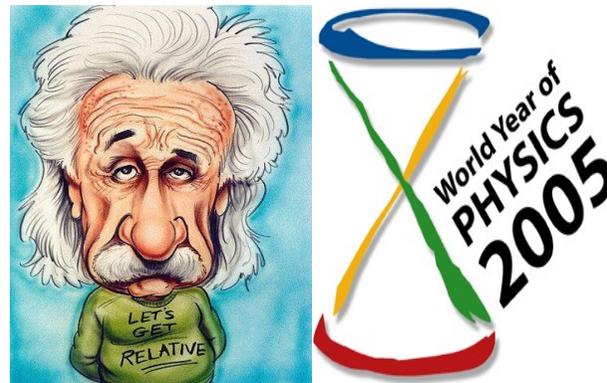
La naturaleza es verdaderamente coherente y comfortable consigo misma.



**Isaac Newton** (1642-1727). Matemático y físico británico, considerado uno de los más grandes científicos de la historia, que hizo importantes descubrimientos como la ley de la gravedad.

Nola daiteke ba, Matematika, esperientziatik at, gizakiaren pentsamenduaren produktu hutsa izanik, errealitatea horren ondo deskribatzeko baliagarria izatea?

¿Cómo es posible que la matemática, un producto del pensamiento humano independiente de la experiencia, se adapte tan admirablemente a los objetos de la realidad?

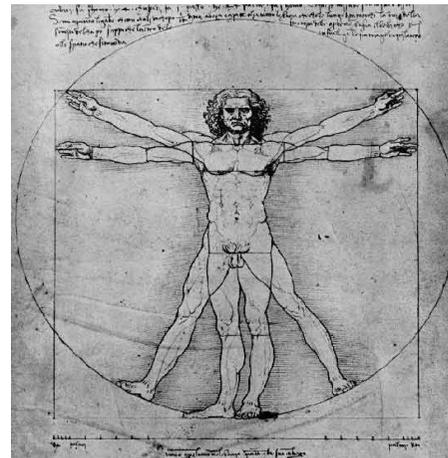
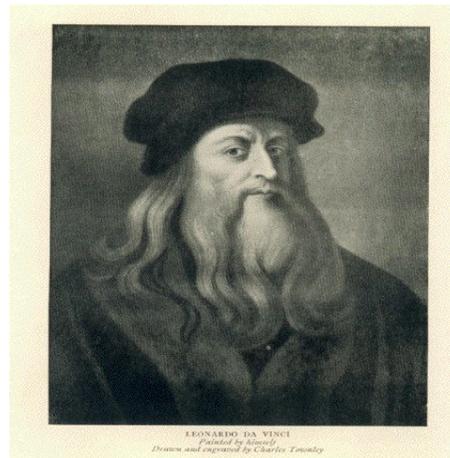


Albert Einstein (1879-1955)

Ez dago zihurtasunik matematika aplika ezin bada.

No hay certidumbre allí donde no es posible aplicar ninguna de las ciencias matemáticas ni ninguna de las basadas en las matemáticas.

Leonardo Da Vinci, Vinci (1452) - Cloux (1519)



2.- Matematikaren berrikuntza lan eten gabea

2.- Matemáticas: El esfuerzo constante por la innovación

E. Hairer  
G. Wanner

UNDERGRADUATE TEXTS IN MATHEMATICS

# Analysis by Its History

 Springer

**Leonhard Euler** (1707-1783) dió con la ecuaciones que llevan su nombre para el movimiento de los fluidos perfectos, en ausencia de viscosidad:

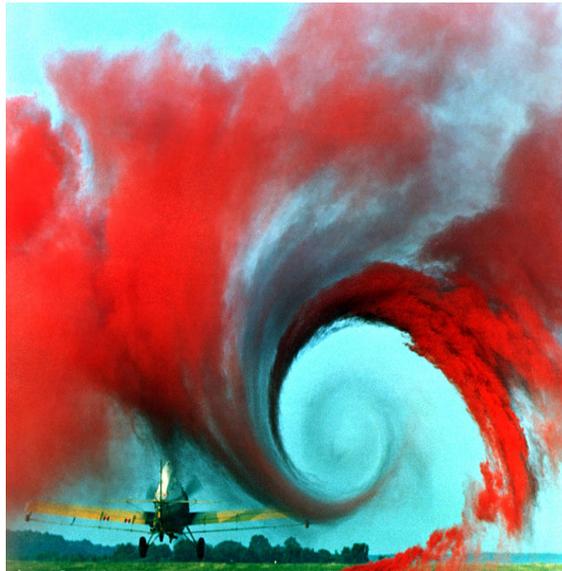
$$u_t + u \cdot \nabla u = \nabla p.$$

Pero **D'Alembert** observó que según ella los pájaros no podrían volar.

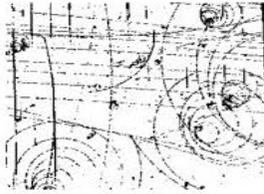
Hubo que esperar a los trabajos de **Claude Louis Marie Henri Navier** (1785-1836) y **Sir George Gabriel Stokes** (1819-1903) para dar con el modelo completo que incorpora el término de viscosidad:

$$u_t - \nu \Delta u + u \cdot \nabla u = \nabla p.$$

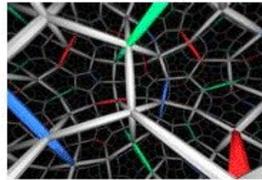
Fluidoekon konportakera dela eta horrenbeste arazo matematiko zailak guztik irekirik daude oraindik ere: ura, odola, airea,...



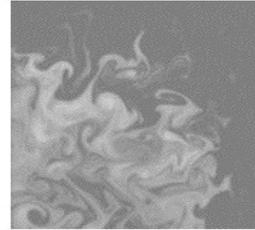
Las propiedades de las soluciones de esta ecuación que describen el comportamiento de fluidos tan importantes como el aire, el agua o la sangre, aún están por entender....



Yang-Mills and Mass Gap



Poincaré Conjecture



Navier-Stokes Equation



Birch and Swinnerton-Dyer  
Conjecture



Riemann Hypothesis



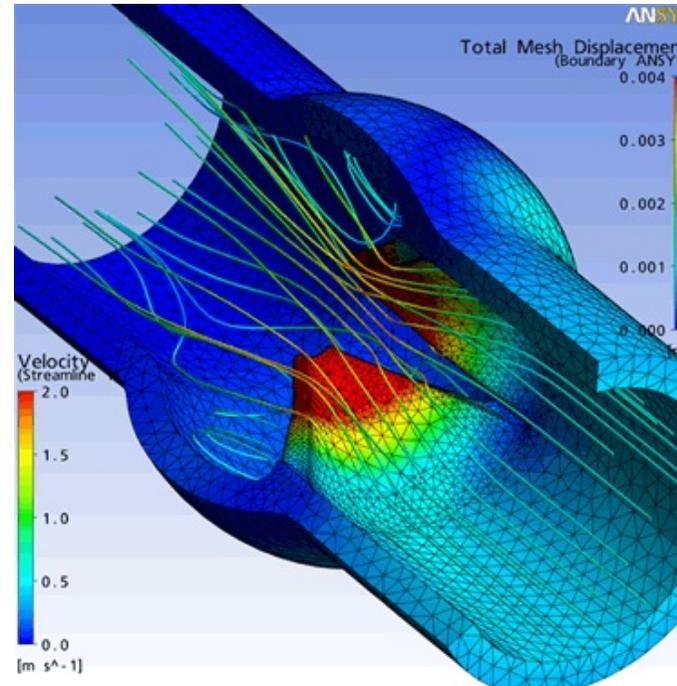
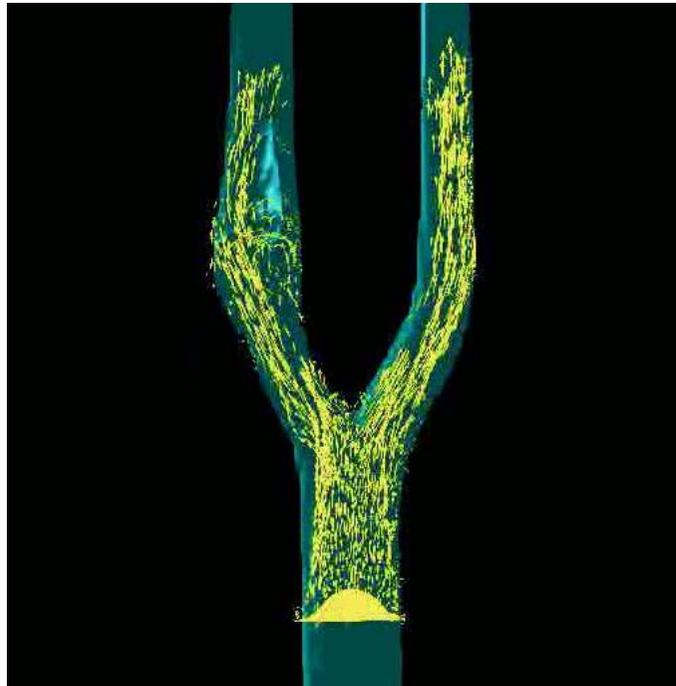
P vs NP Problem

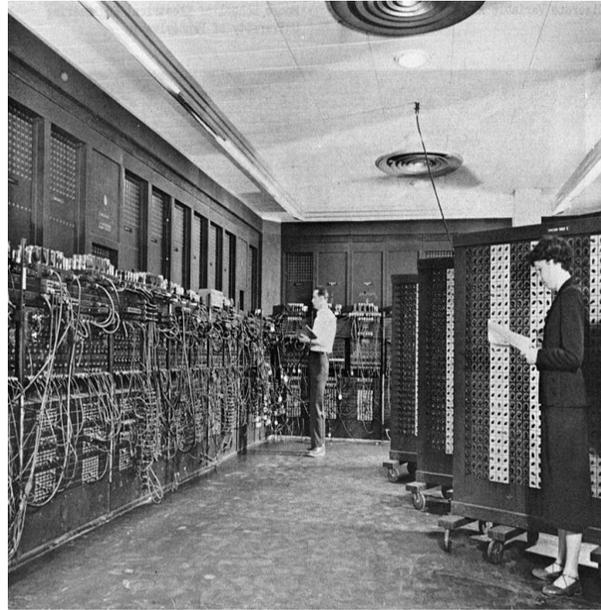
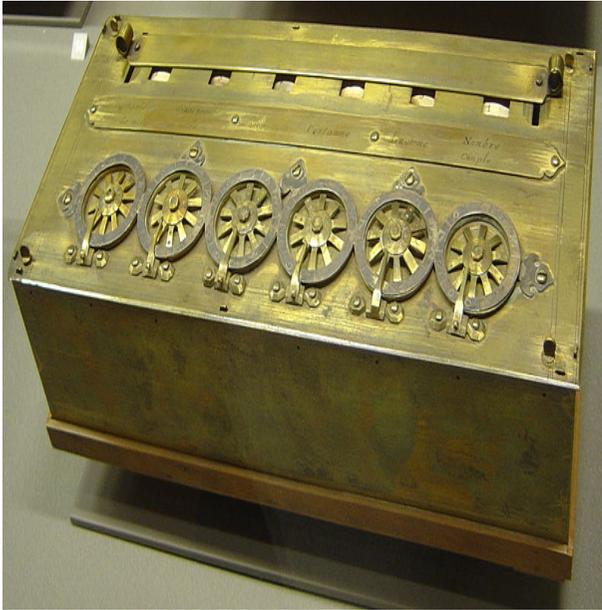


Hodge Conjecture

Milakadako arazoak...

La simulación numérica a través de los cada vez más potentes ordenadores permite seguir adelante...





[Pascalina](#), Blaise Pascal, 1645; [ENIAC](#): Electronic Numerical Integrator And Computer, 1946; [Macbook Air](#), 2008.

3.- Matematikaren begirada sakona

3.- La profunda mirada de las Matemáticas

Me parece que el poeta ha de ver lo que otros no ven, mirar más hondo que los demás. Y el matemático ha de hacer lo mismo



Sofia Kowalewskaja (1850 - 1891)

Our imagination is stretched to the utmost, not, as in fiction, to imagine things which are not really there, but just to comprehend those things which are there.



Richard Phillips Feynman (1918 – 1988);

Fisika Nobel Saria 1965

4.- Erronka

4.- El gran reto

## **Agenda UE 2020**

.. un nuevo mercado socioeconómico sostenible, una economía más inteligente, más verde, en la que nuestra prosperidad venga de la innovación y en la que los recursos se usen mejor y en la que el ingrediente principal sea el conocimiento.

**Ezagutza = osagai nagusia**

## Informe de la European Research Council (ERC)

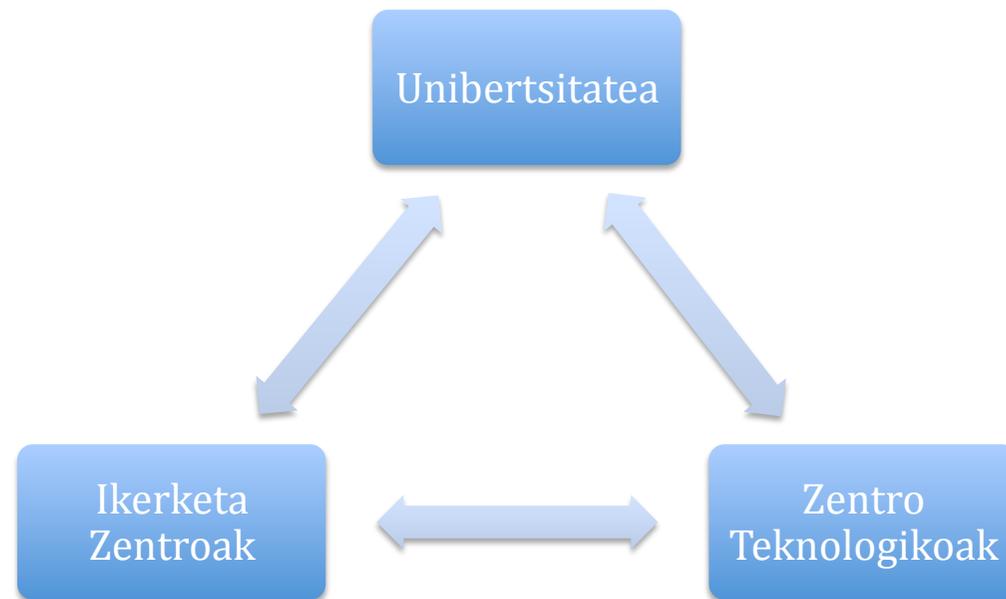


.. nuestra economía y sociedad necesitan de cambios dramáticos en todos los frentes... en el número de start-ups basados en tecnología...

... el conocimiento y en particular el conocimiento científico, es la base de la innovación...

Aunque no suficiente, el acceso a instituciones de investigación de primer nivel es una condición necesaria para una innovación vigorosa....

# Ezagutzaren triangelua / Triángulo del conocimiento

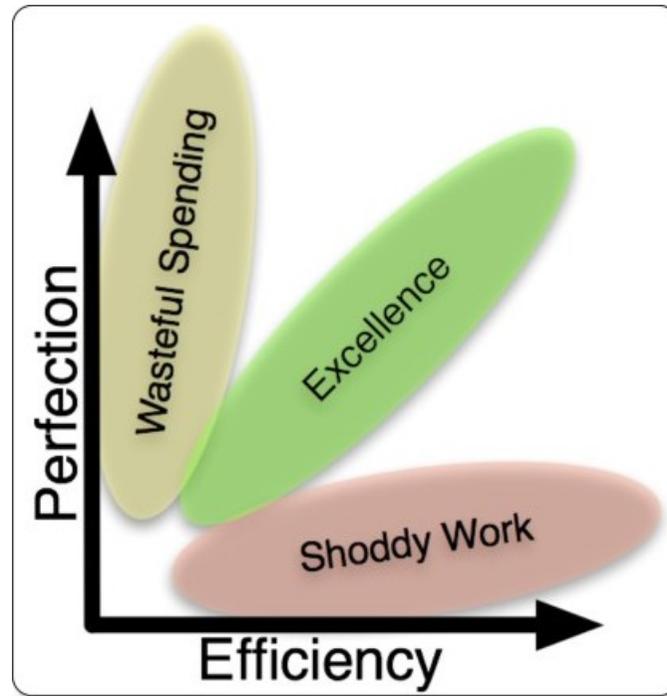


Necesitamos infraestructuras de primer nivel...

E infraestructuras no son sólo edificios y redes de comunicaciones sino, sobre todo, **personas...**



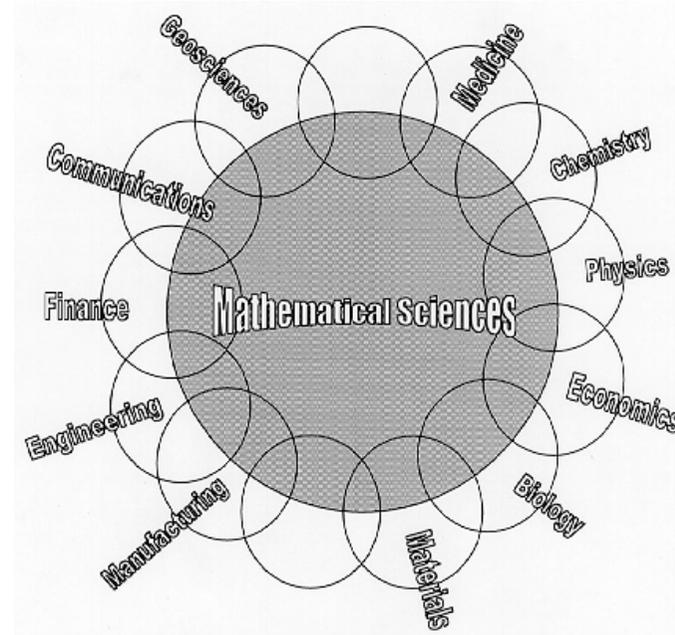
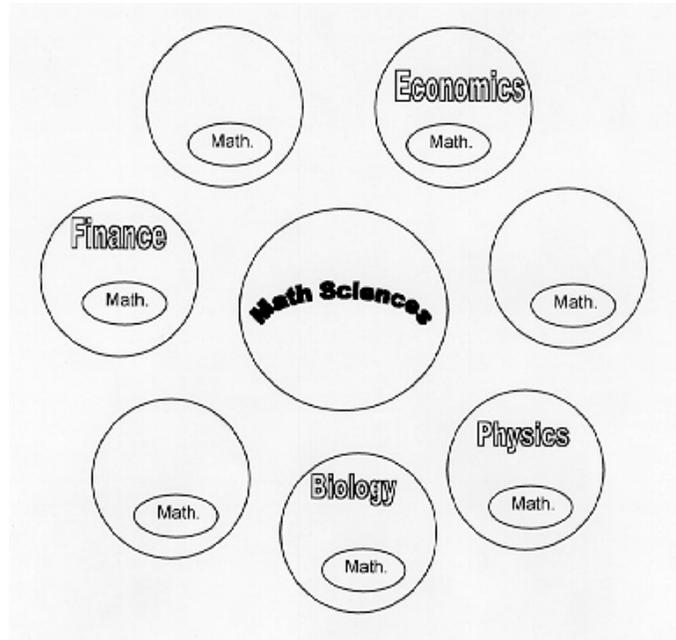
Ningun Centro puede ser excelente en todo, pero todas pueden serlo en algo....



**Una de las claves:** Programas de postgrado de excelencia internacional



**Eta Matematika?**



Report of the assessment panel of the U.S. Mathematical Sciences, NSF, March 1998. [W.E. Odom Lieutenant General, USA, Retired.](#)

Partly because our computational capabilities have grown enormously, and partly because abstract mathematical structures guide scientists through the labyrinth of new knowledge, mathematics and mathematical methods permeate every area of current science.

Juan J. Manfredi, University of Pittsburgh, Chair of BCAM Scientific Committee.

**Inork ez du gure ordezt egingo!**



5.- Erantzuna: Ikerketa Matematikorako  
Zentroak

5.- Una respuesta: Centros de Investigación  
Matemática

CRM, Centre de Recherches Mathématiques, Université de Montréal  
(Montréal PQ, Canada)

CIRM, Centre International de Rencontres Mathématiques (Marseille,  
France)

Centre de Recerca Matemàtica (CRM, Bellaterra, Barcelona, Spain)

Clay Mathematics Institute (Cambridge MA, USA)

Courant Institute of Mathematical Sciences (New York NY, USA)

EIMI, Euler International Mathematical Institute, (St. Petersburg,  
Russia)

Fields Institute, University of Toronto (Toronto ON, Canada)

IHES, Institut des Hautes Études Scientifiques (Bures-sur-Yvette, France)

IMA, Institute for Mathematics and its Applications (Minneapolis MN, USA)

IMPA, Instituto de Matemática Pura e Aplicada (Rio de Janeiro, Brazil)

.....

Eta Euskal Herrian?

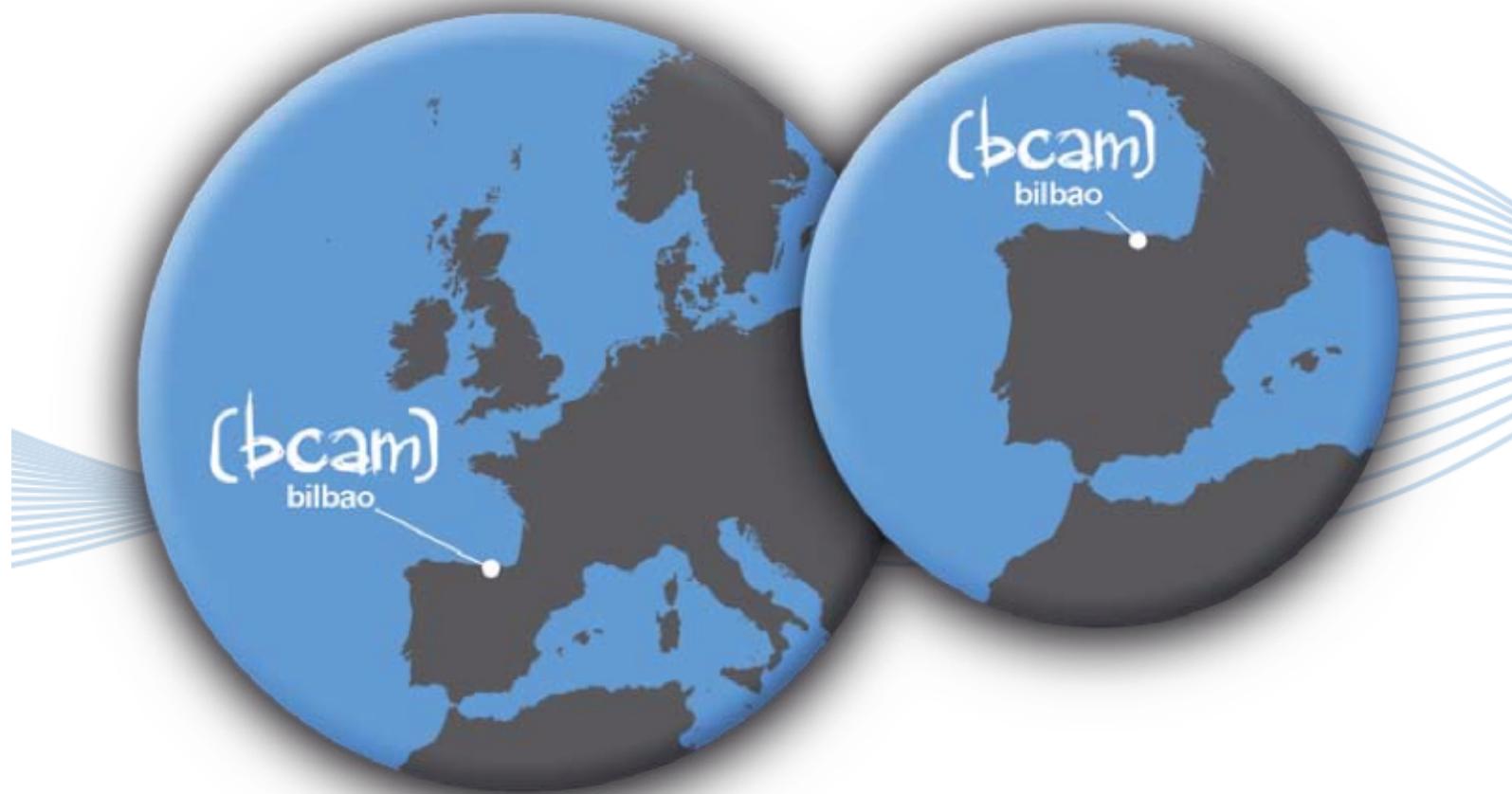
¿Y en Euskadi?



Irailak, 2008

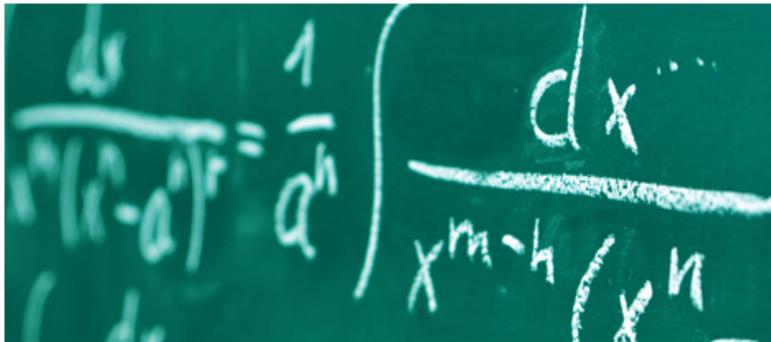


Irailak, 2008





basque center for applied mathematics



"We understand Applied Mathematics both as a way of getting into the depth of mathematics and also of interacting with all other scientists and R&D agents.

At the heart of the Basque Country, Bilbao is the right place for attaining these two objectives and BCAM will facilitate them with the right atmosphere, infrastructure and vision."

Enrique Zuazua (Scientific Director).

e<sup>N</sup> | e<sup>U</sup> | e<sup>S</sup>

- HOME
- THE CENTER
- RESEARCH
- PEOPLE
- VISITORS
- JOB OFFERS
- INTERNSHIPS
- ACTIVITIES
- COURSES
- COMPUTATIONAL RESOURCES
- SIMULATIONS

## applied mathematics

The Department of Education, Universities and Research of the Basque Government, The University of the Basque Country and Ikerbasque have promoted BCAM - The Basque Center for **Applied Mathematics**, a world-class interdisciplinary research center on Applied Mathematics.

The center started operations in September 2008 and is located in [Bilbao](#), Basque Country (Spain).

[read more](#)



### mathematicians beyond frontiers



#### Upcoming Activities



**BCAM Seminar Solutions of nonlinear PDEs in the sense of averages**

**Juan José MANFREDI**

**2011-10-20**

**BCAM Seminar Matrix-valued  $L^1$ -optimal controls in the coefficients of linear elliptic problems**

**Peter KOGUT**

**2011-10-28**

**BCAM EHU/UPV Basque Colloquium in Mathematics and**



**FINANCIAL SUPPORT**  
Basque Government  
Department of Education, Universities and Research

**ikerbasque**  
Basque Foundation for Science



**innobasque**

berrikuntzaren  
euskal agentzia

agencia vasca  
de la innovación

**PARTNERS**



**COLLABORATORS**



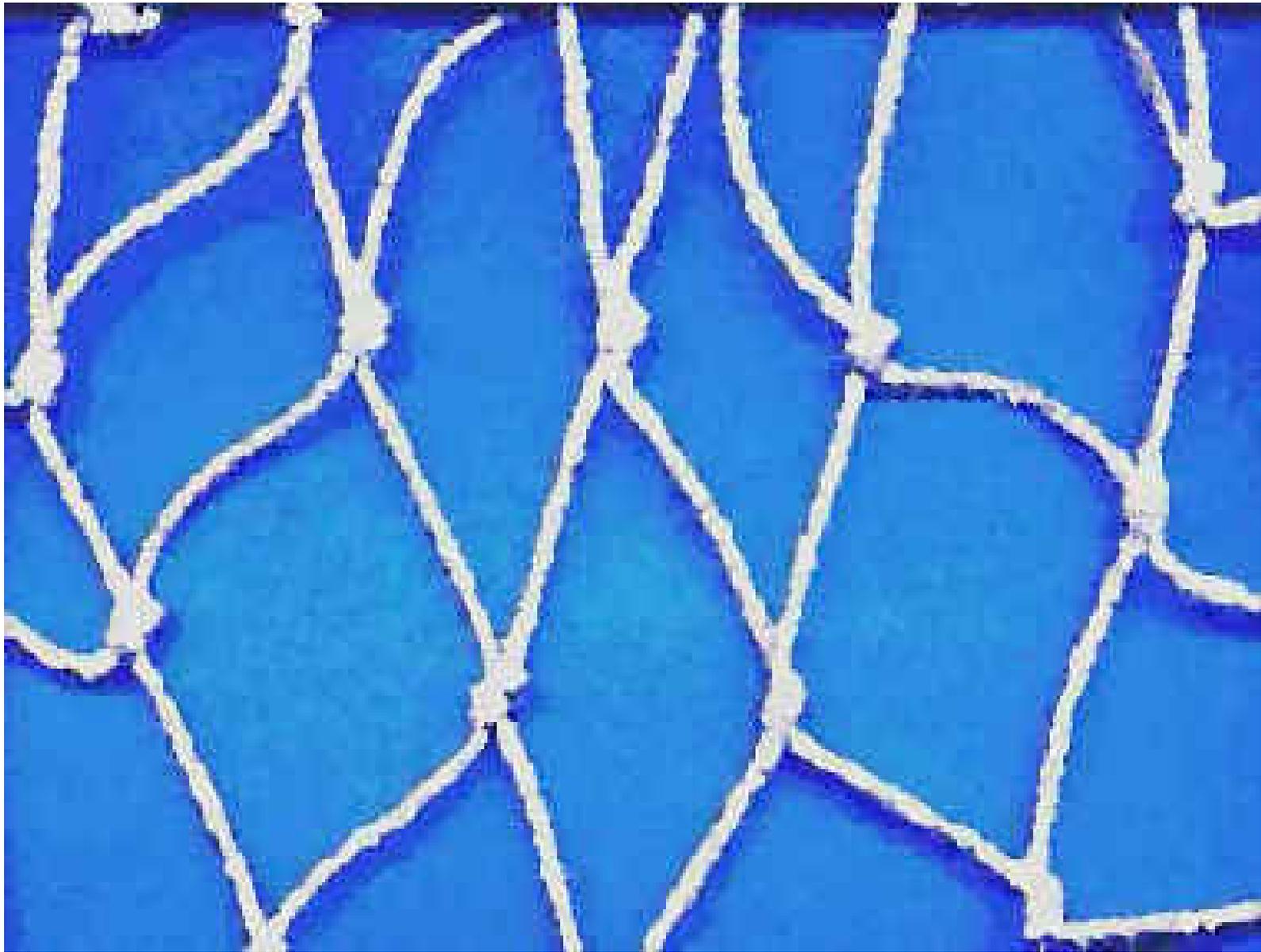
**bizkaia**  
:::xede

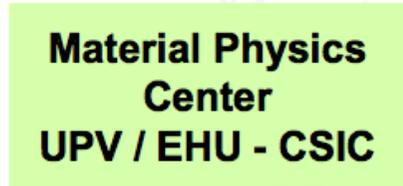


- Perform research in the frontiers of mathematics
- Train and attract talented scientists
- Interact with industry and RDI agents
- Disseminate mathematics and its applications within society
- Strengthen the Basque science and technology system
- **Become a relevant node in the international mathematics research network**

6.- Sarea

6.- La red





# BERCs-Basque Excellence Research Centers Strategy

Designed by the Basque Government through Ikerbasque

The screenshot shows the Ikerbasque website homepage. At the top left is the Ikerbasque logo and the text 'Basque Foundation for Science'. Navigation links for 'Kontaktua' and 'FAQs' are visible, along with a search bar and a 'Bilatu' button. A language selector shows 'EN', 'ES', and 'EU'. The main banner features the text 'basque RESEARCH people knowledge centres science groups investigation humanities' and a profile of Dr. Andreas Heidenreich with a description of his research line. A paperclip icon and the 'HR EXCELLENCE IN RESEARCH' logo are also present. Below the banner, a sidebar on the left lists navigation categories under 'Ikerteta' and 'Deialdiak'. The main content area features a headline 'Ikerbasquek ikertzaile bisitariarentzat 2012 deialdia ireki du' and a 'Visiting Fellowships 2012' graphic. A news section titled 'Ikerbasque NEWS' highlights 'Informazio kuantikoa eta Teknologia kuantikoak'. On the right, there is a search form and a list of recent publications and reports.

**ikerbasque**  
Basque Foundation for Science

Kontaktua | FAQs | search | Bilatu

EN | ES | EU

basque RESEARCH  
people knowledge  
centres science groups  
investigation humanities

**Dr. Andreas Heidenreich**  
Research Line: Computer simulations of Coulomb explosions of clusters induced by ultraintense and ultrashort laser pulses.

HR EXCELLENCE IN RESEARCH

Bidea: Nagusia

**Ikerteta**

- ZER DA IKERBASQUE
- IKERKETA EUSKADIN
- IKERLARIEN PROFILAK
- IKERKETA ZENTRUAK
- IKERKETA TALDEAK
- IKERBASQUE ARGITALPENAK

**Deialdiak**

- SCIENCE.EU.COM CALL 2011
- VISITING FELLOWSHIPS
- DEIALDIEN EBALUAZIOA

**Ikerbasquek ikertzaile bisitariarentzat 2012 deialdia ireki du**

6 eta 12 hilabeteko luzapena duten 10 Fellowships emango dira, Euskal Zientzia Sistematik kanpoko ikertzaile bisitariak, gure ikerteta taldeetara etorri daitezela.

Ikertzaile eta taldearen elkarrekiko eskaera aurkezteko epea Urriak 31an bukatzen da.

Honako programa, Europako Batzordea (Marie Curie Cofund) eta Eusko Jaurlaritzak finantzatzen dute.

**Visiting Fellowships 2012**

**Ikerbasque NEWS**

Ikerbasqueko ikertzailea: Enrique Solano  
**Informazio kuantikoa eta Teknologia kuantikoak**

erabiltzailea:  
pasahitza:  
gogoretu:   
Sartu  
Pasahitza ahaztu al zazu?

ANUAL REPORT '10  
IKERBASQUE NEWS  
ZIENTZIA FOROAK

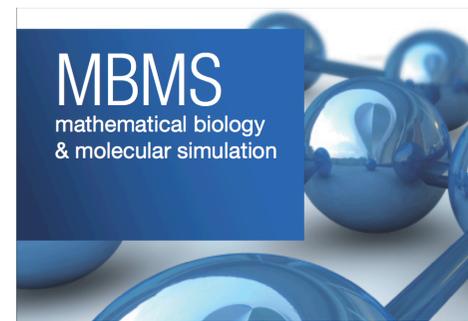
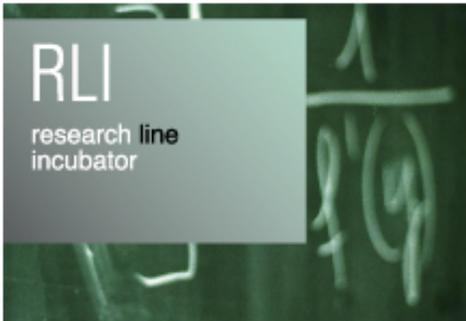
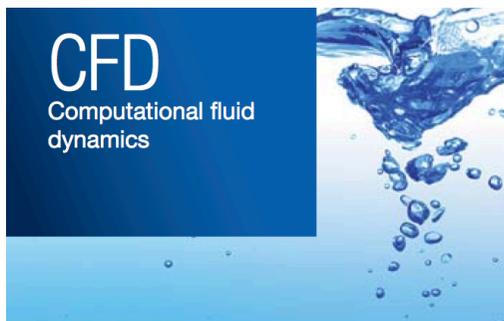
Science for all

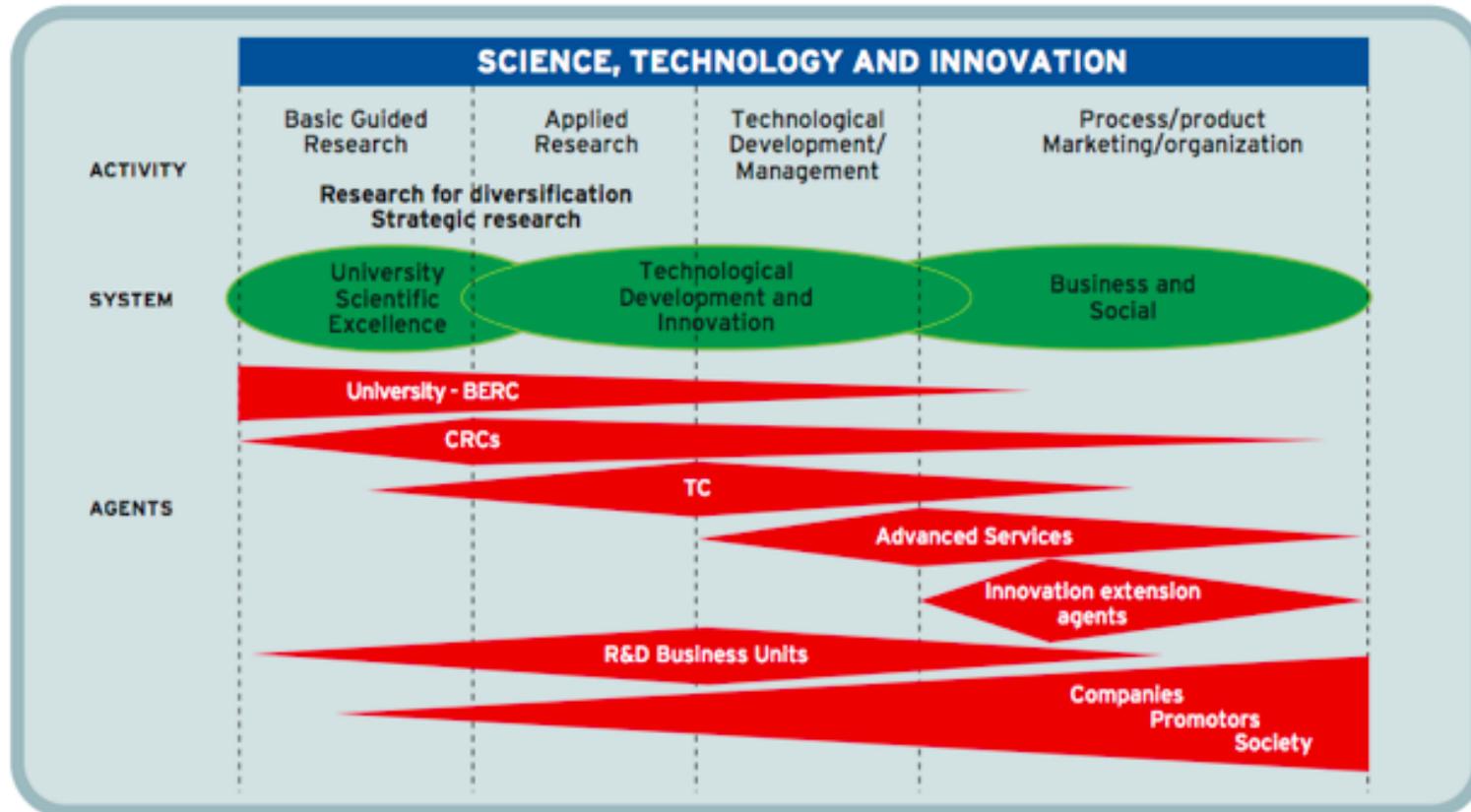
- **To build new scientific capabilities in the Basque Country**

- Constituted by frontier research centers, aiming to contribute to the leadership of the Basque Country as a scientific pole, at an international level
- To develop frontier research under international research performance parameters
- To attract talented scientist
- To train researchers in every stage of their careers
- To communicate and disseminate the knowledge created within the different activities of the centers



BCAM Scientific Committee Meeting, September 2010





The Basque Science System

## **International Network of Cooperating Institutions**

- Centro de Modelamiento Matemático, Chile
- Tata Institute, Bangalore, India
- Kyushu University, Fukuoka, Japan
- Laboratório Nacional de Computação Científica, Petrópolis, Brazil
- LEM2I, Mediterranean Network, CNRS, Nice
- Chinese Academy of Sciences, Beijing

- Fujitsu, UK
- Université Laval, Quebec
- University of Maryland, US

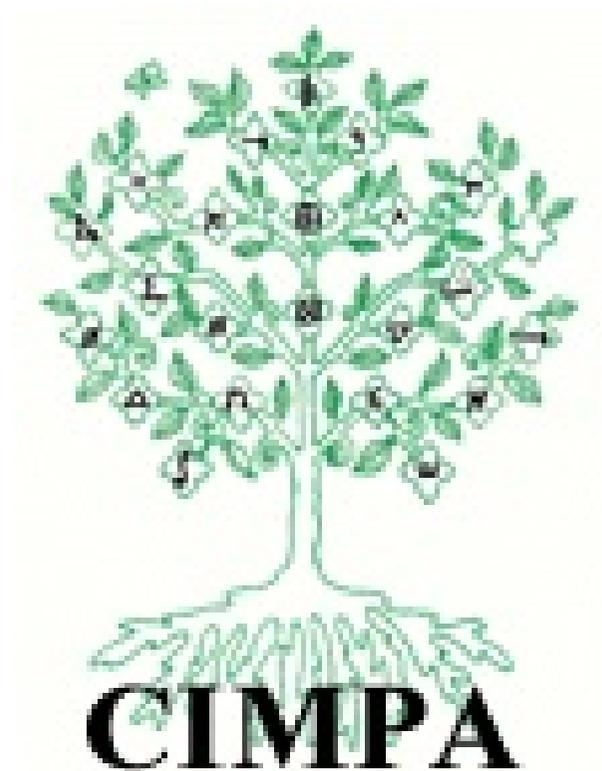
## **And also with developing countries...**

Every morning in Africa, a gazelle wakes up. It knows that it must run faster than the fastest lion, or it may be killed.

Every morning in Africa, a lion wakes up. It knows that it must run faster than the slowest gazelle or it will starve to death.

It doesn't matter whether you are a lion or a gazelle. When the sun rises, you had better be running.

[African Proverb]



CIMPA, Centre International de Mathématiques Pures et Appliquées, Nice, France.

7.- Matematikari ekiten: diseinua aeronautikan

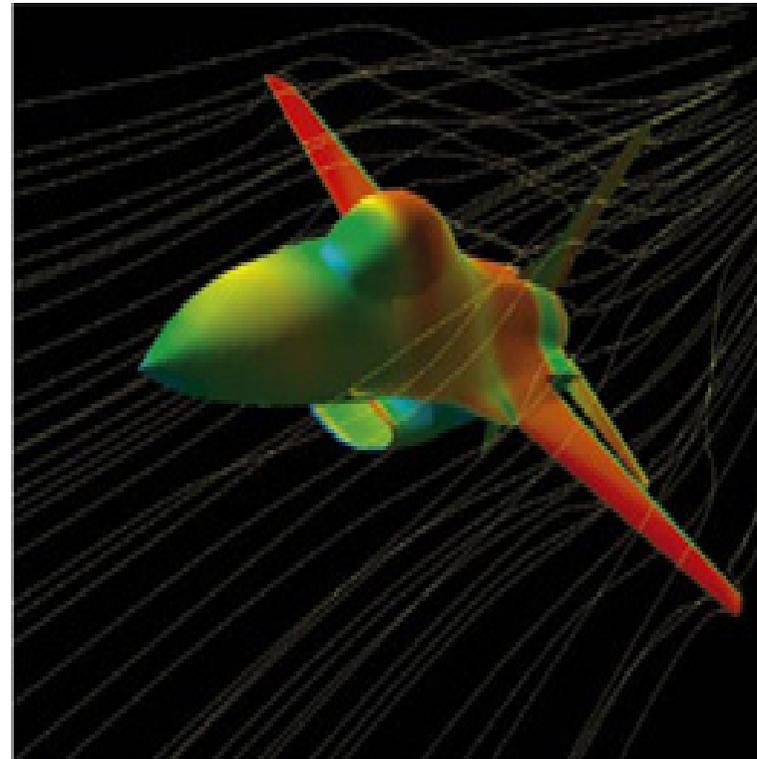
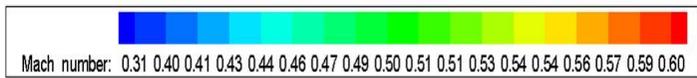
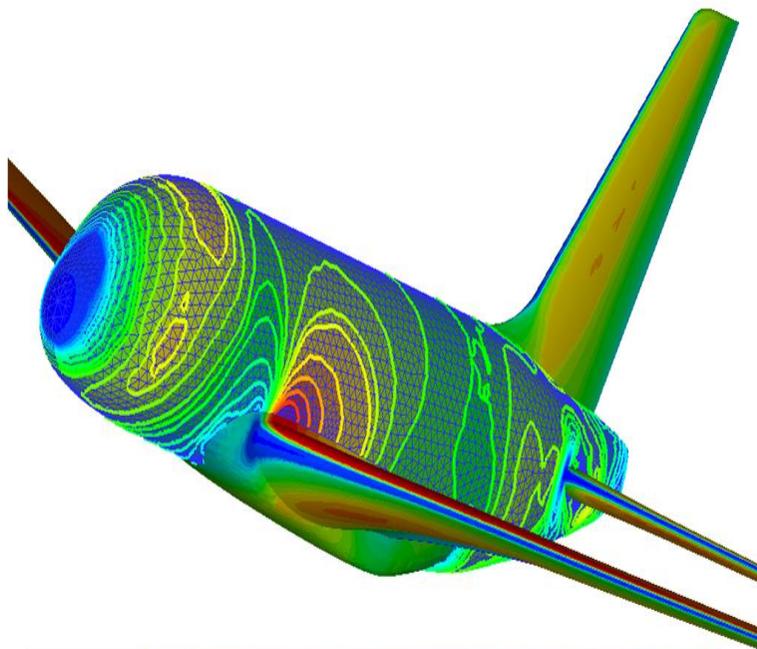
7.- Matemáticas en acción: Diseño aeronáutico

## Diseño Óptimo en Aeronáutica.

- **Objetivo:** Modificar la forma de la aeronave para que mejore su rendimiento, seguridad, ligereza, habitabilidad,...
- **Punto de vista:** El del túnel de viento: La aeronave está fija mientras el aire fluye entorno a ella.
- **Variaciones:** Al modificar la forma de la aeronave cambia el modo en que el aire fluye en su entorno, y entonces cambia la presión y rozamiento que este ejerce sobre ella, modificando así sus propiedades aerodinámicas.

## Herramientas:

- **Mecánica de fluidos computacional:** Permite simular en el ordenador cómo fluye el aire en torno a una forma de la cavidad dada.
- **Optimización:** Permite construir un algoritmo iterativo que, a partir de una forma dada, la vaya mejorando paulatinamente...



El método consiste por tanto en:

Minimizar

$$J(\Omega^*) = \min_{\Omega \in \mathcal{C}_{ad}} J(\Omega)$$

donde  $\mathcal{C}_{ad}$  = es la clase **formas admisibles**  $\Omega$ , y  $J$  = es el **funcional coste** (reducción de la resistencia, aumento de la sustentación, consumo de combustible,..)

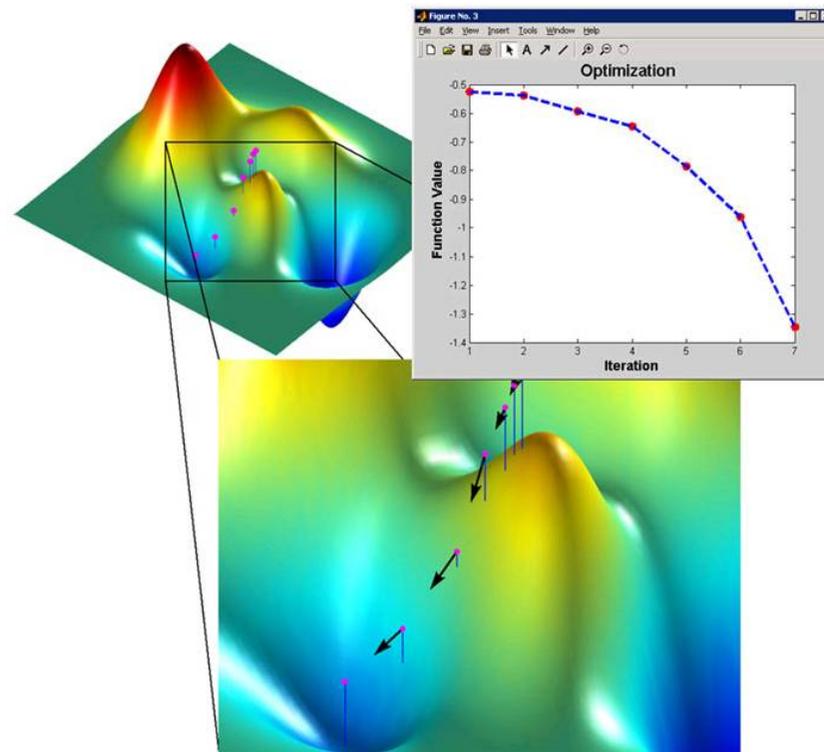
$J$  depende de  $\Omega$  a través de  $u(\Omega)$ , solución de un modelo de fluidos en torno a la cavidad (ecuaciones de Navier-Stokes)

Pero minimizar un funcional tan complejo como este no tiene por qué ser fácil.

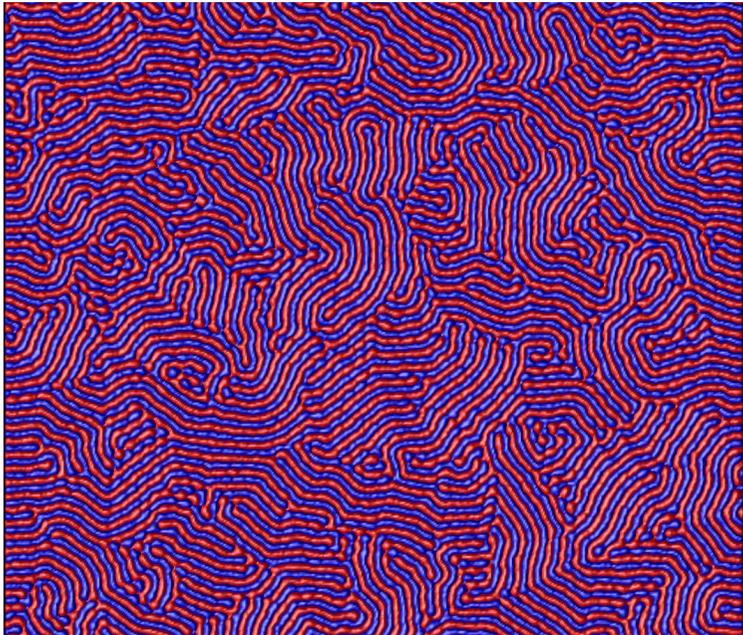
Métodos **deterministas** versus **estocásticos**.

Deterministas: Métodos gradiente.

$$u_{k+1} = u_k - \rho \nabla J(u_k).$$

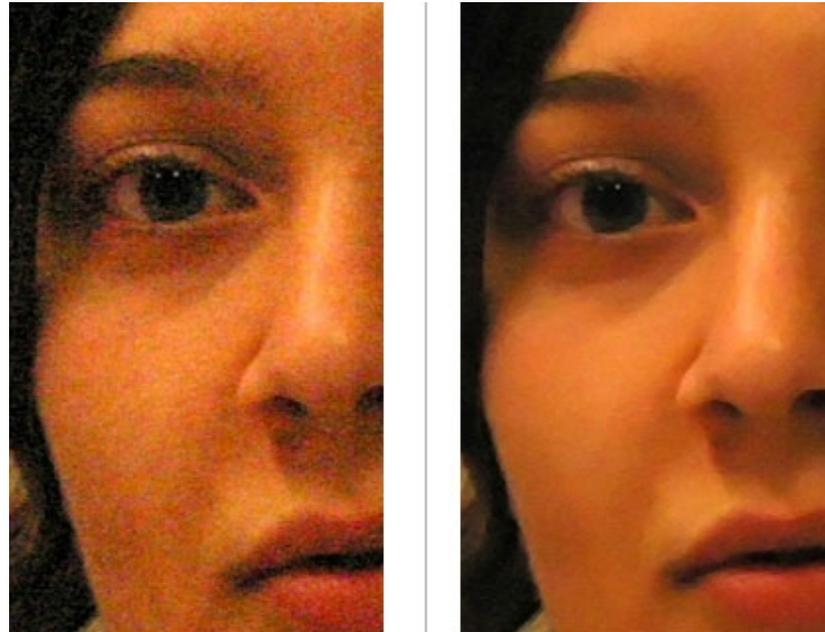


Estocásticos: Métodos Monte-Carlo.

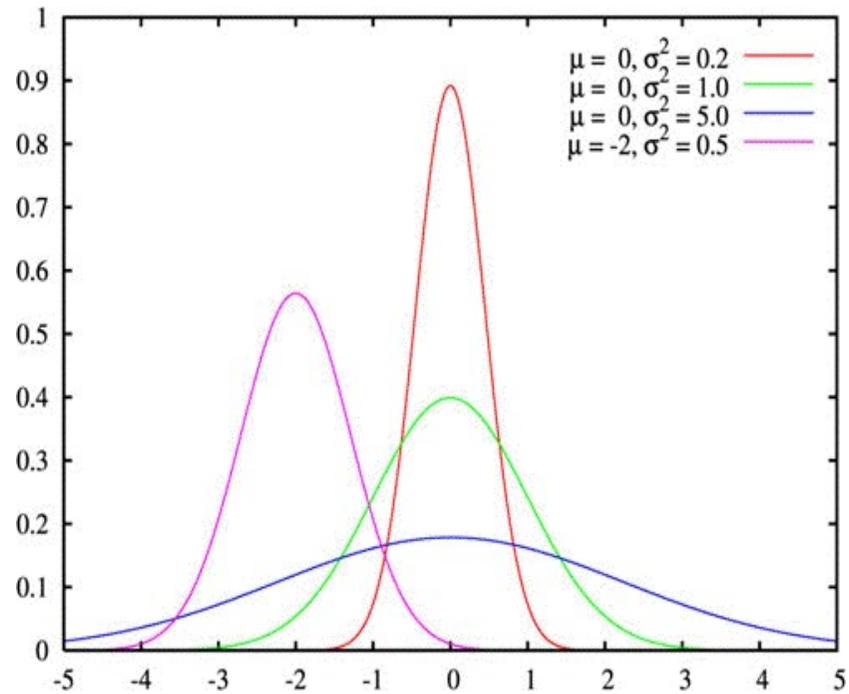


Optimizazioaren beste aplikazio batzuk: zarataren murrizpena.

Otras aplicaciones de la optimización: La reducción del ruido.



## Gauss-en filtroak / Filtros gaussianos:



$$u(x) = [G(\cdot) \star f(\cdot)](x); \quad G(x) = (4\pi)^{-N/2} \exp(-|x|^2/4).$$

8.- BCAM: Eredu eraginkor eta berritzailea

8.- BCAM: Modelo de emprendizaje innovador

We understand Applied Mathematics both as a way of getting into the depth of mathematics and also of interacting with all other scientists and R&D agents.

At the heart of the Basque Country, Bilbao is the right place for attaining these two objectives and BCAM will facilitate them with the right atmosphere, infrastructure and vision.

Enrique Zuazua (Scientific Director)

(matematika mugaz bestalde)

Ruper Ordorika: 37 Galdera Mugaz Bestalde Dudan Kontaktu Bakar-  
rari, (Bernardo Atxaga)

Esaidan, zorientsuak al zarete mugaz bestaldeko biztanleak?

.....

Mugaz bestaldean, hostoek ematen al diete babesak fruituei? Ba al  
dago marrubirik? Arrain abisalek ba al dute aurrenentipenik eguzkiaz?

.....

Asko al dira, asko al zarete mugaz bestaldeko erresuma hartan? Egunero  
kaletik ikusten dudan jende hau, han bizi al da?

## 37 Preguntas a mi único contacto al otro lado de la frontera

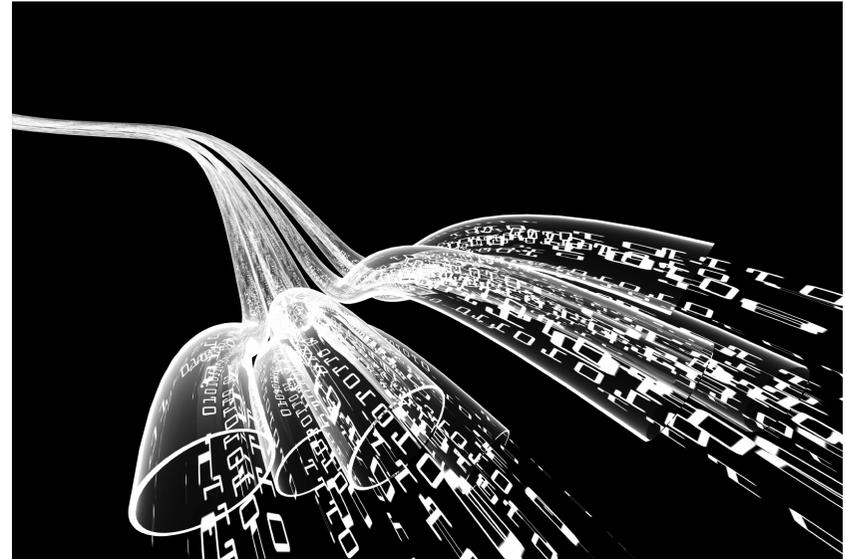
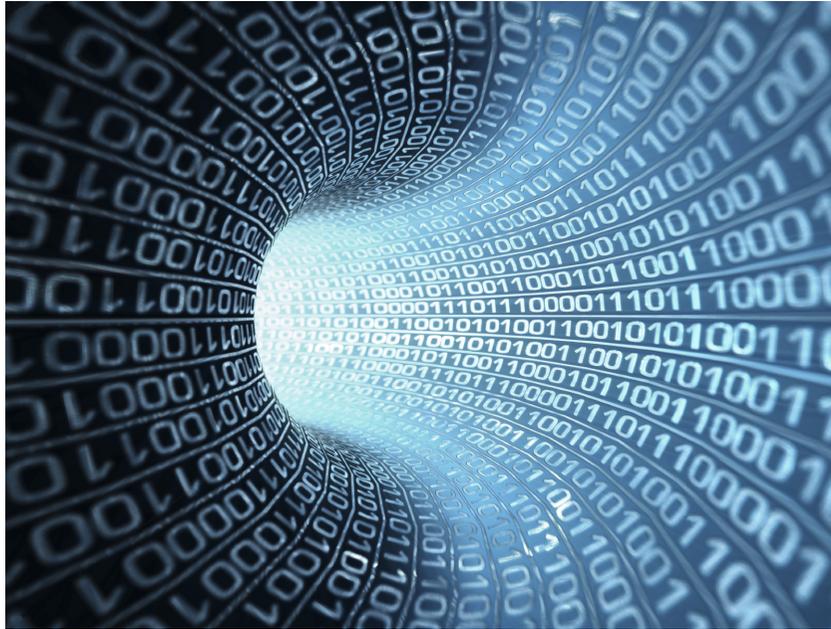
Dime, ¿es feliz la gente allá al otro lado de la frontera?

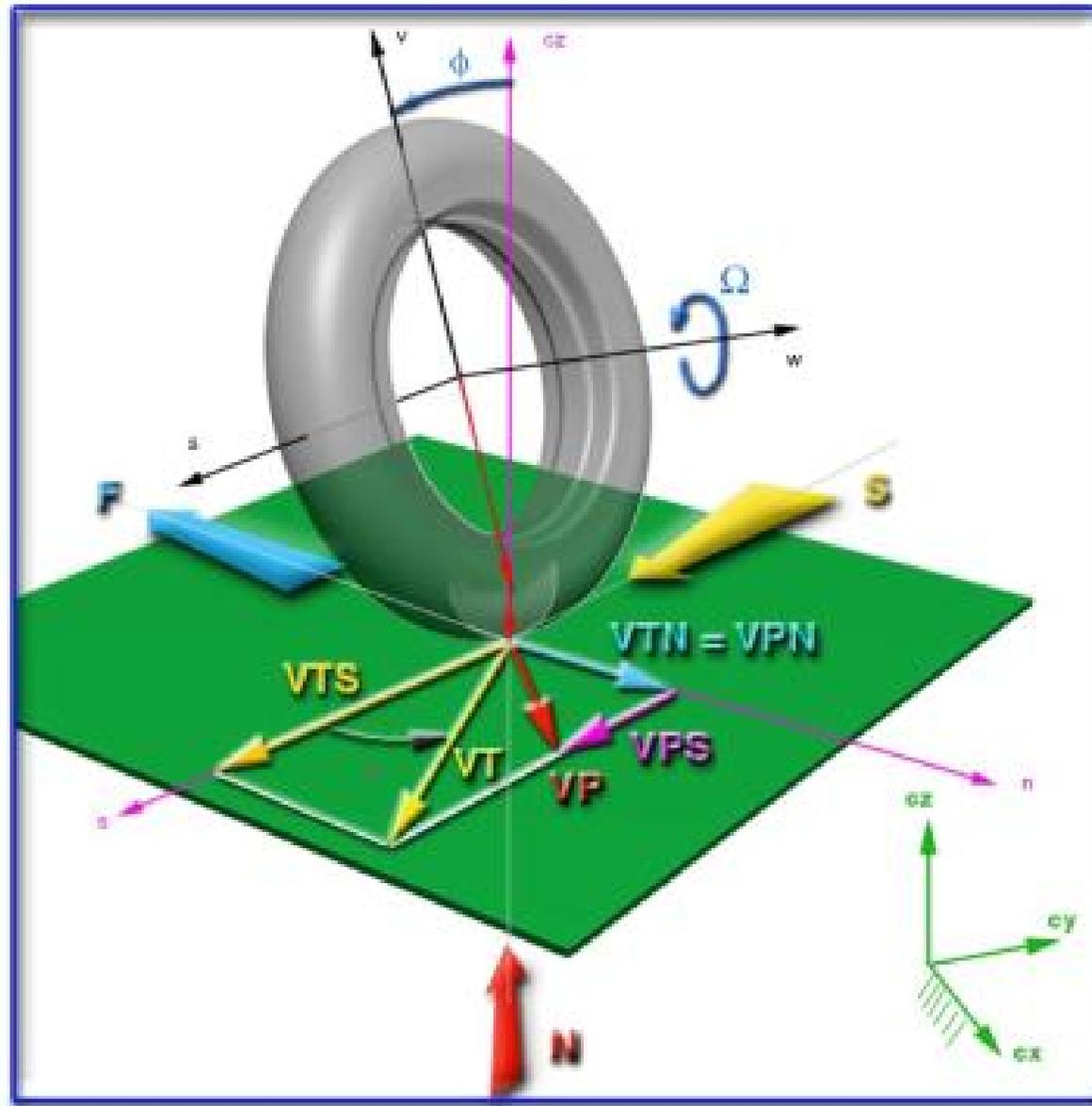
.....

Al otro lado de la frontera ¿Protege la hoja al fruto? ¿Hay fresas?  
¿Tienen los peces abisales presentimientos acerca del sol?

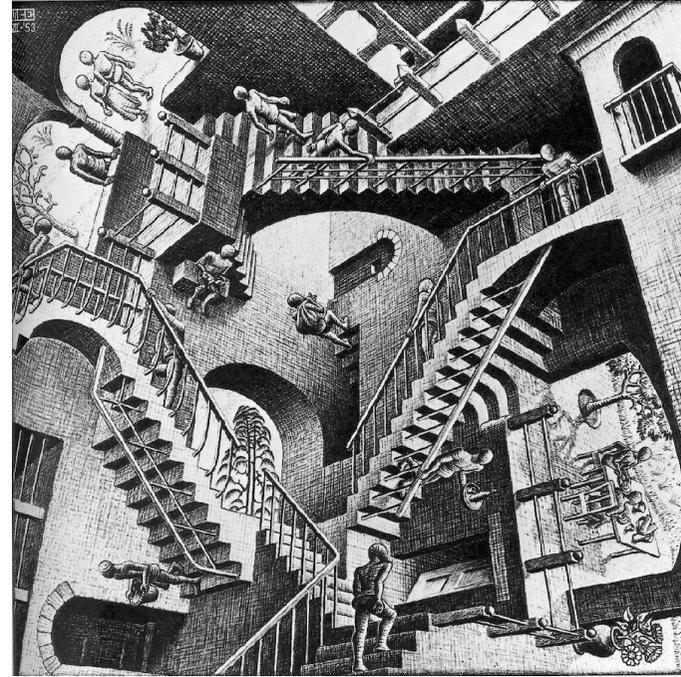
.....

¿Son muchos, sois muchos los habitantes del otro lado de la frontera?  
Esta gente que veo todos los días por la calle, ¿vive allá?

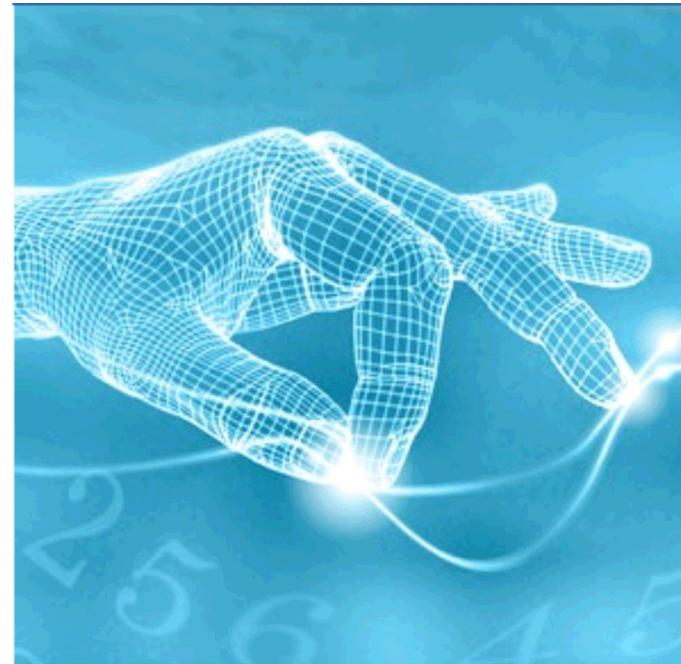
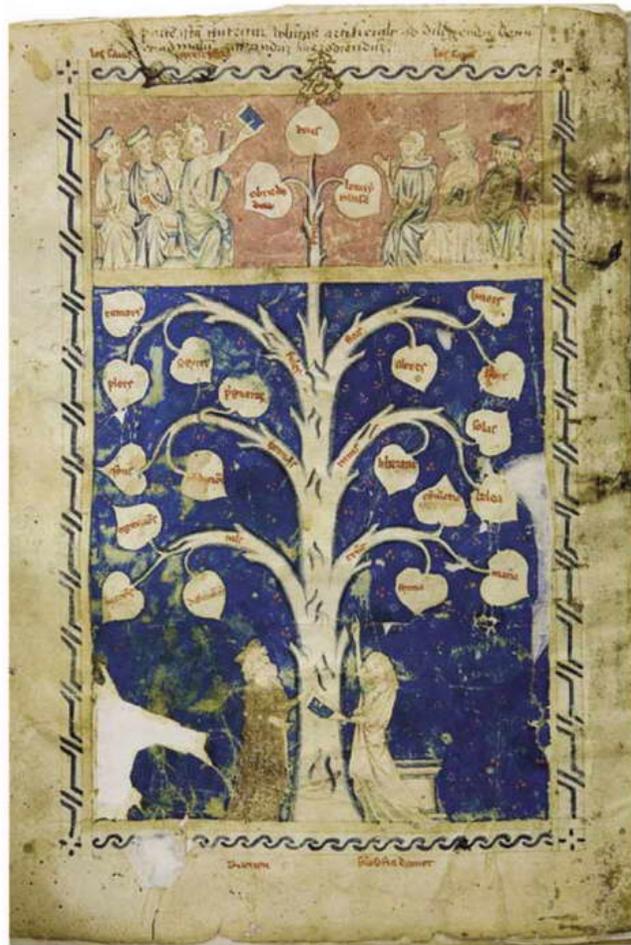








Maurits Cornelis Escher (Países Bajos, 1898 - 1972)



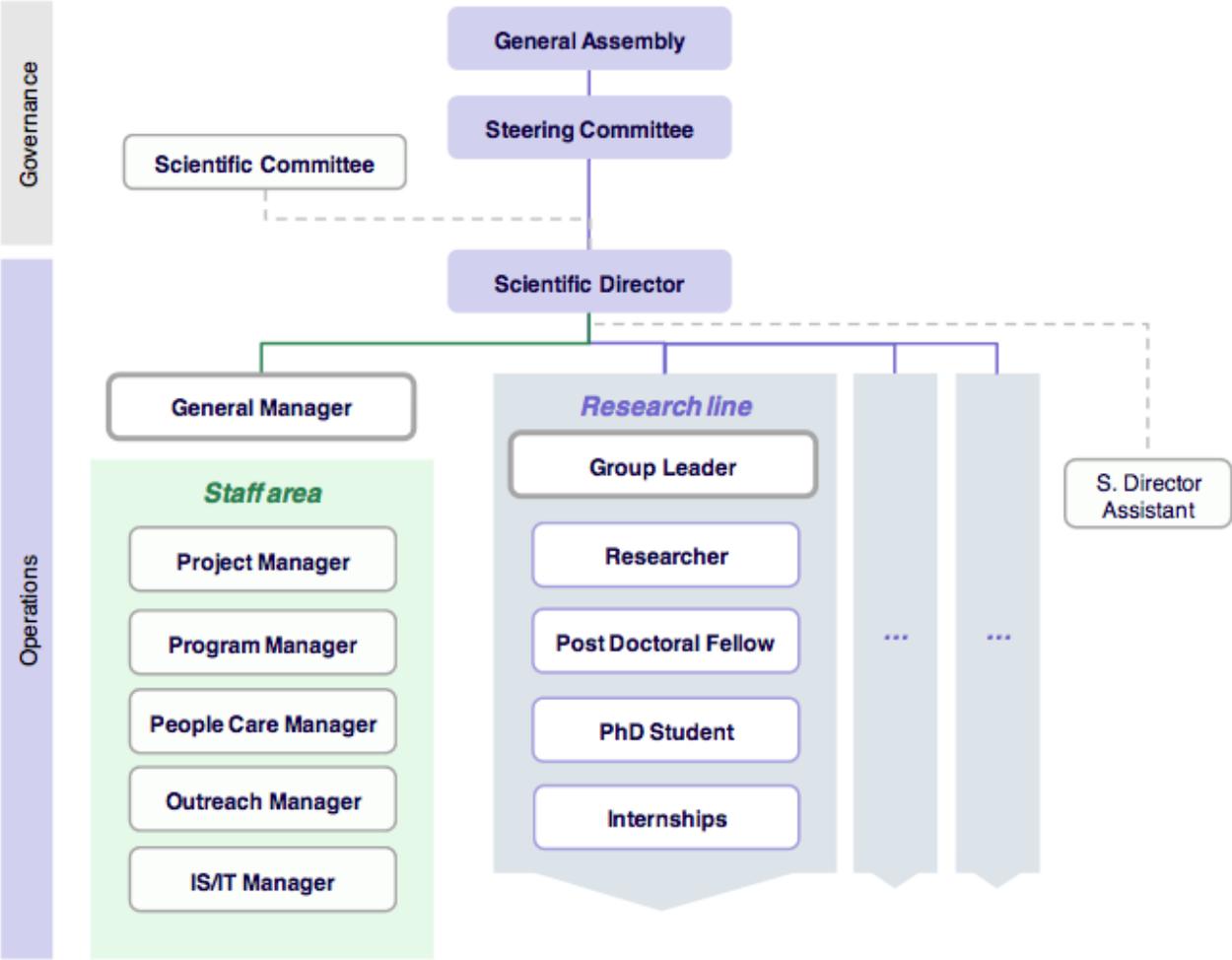




# **ROLES DEFINITION MANUAL**



# BCAM ORGANIZATION CHART

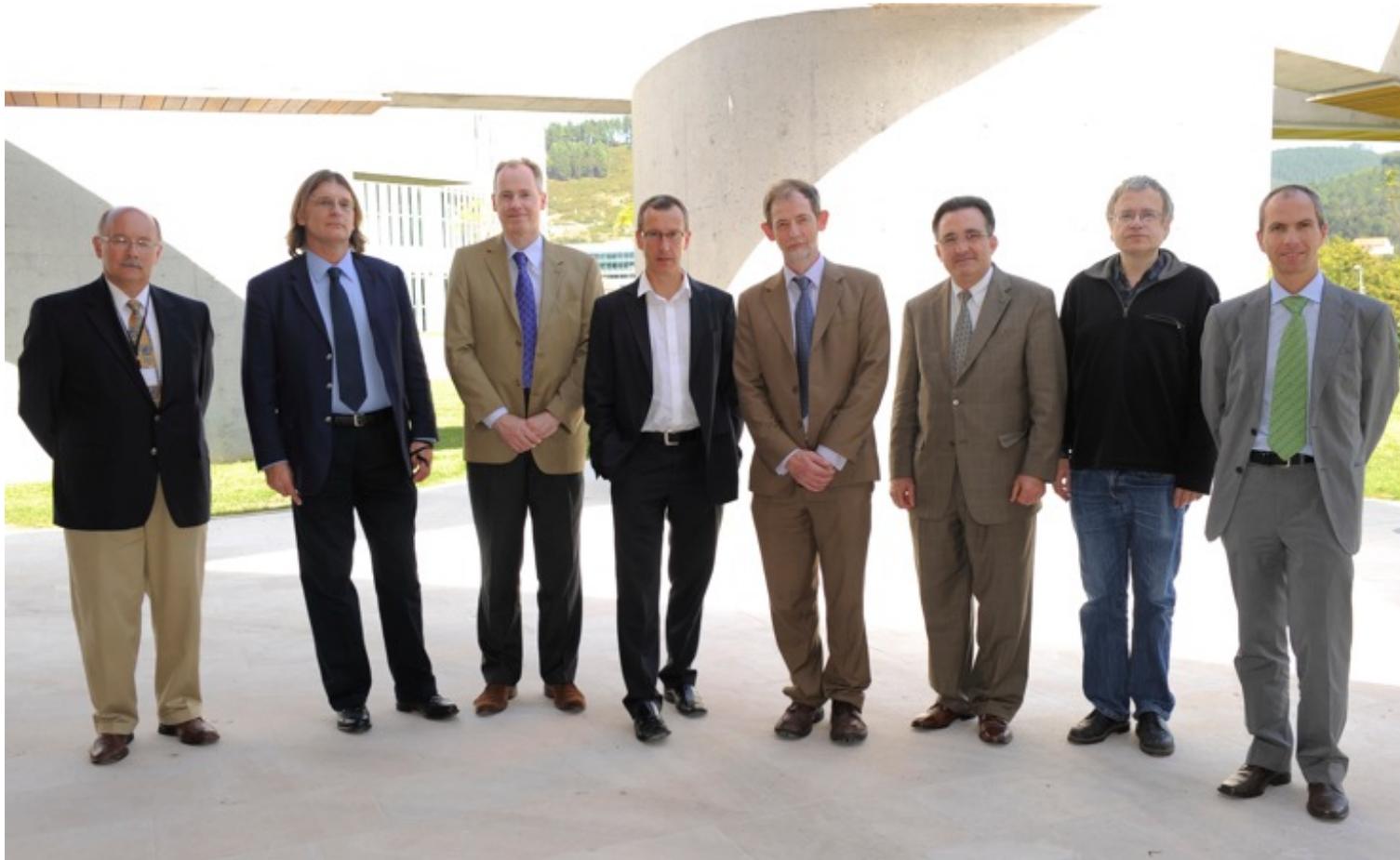




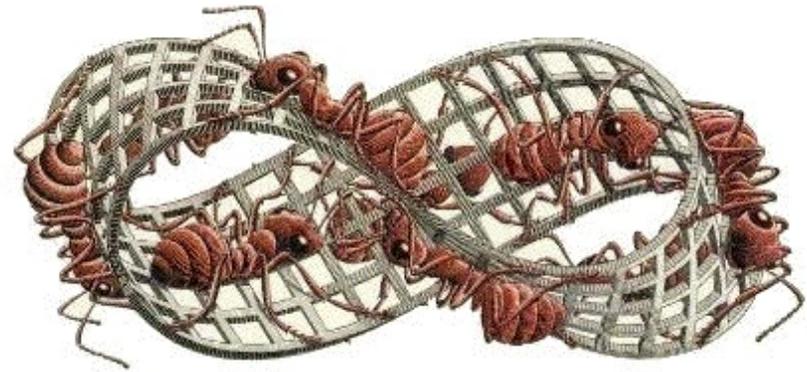
Nanuak erraldaien sorbaldetan

## **BCAM Scientific Committee**

- Juan José MANFREDI – U. Pittsburgh (USA) [President]
- Sir John BALL – U. Oxford (UK)
- Sem BORST – Bell Labs (USA) / Technische U. Eindhoven (Netherlands)
- Jean-Michel CORON – U. Pierre et Marie Curie & Institut Universitaire de France (France)
- Leszek F. DEMKOWICZ – U. Texas at Austin (USA)
- Pierre-Louis LIONS – Collège de France (France)



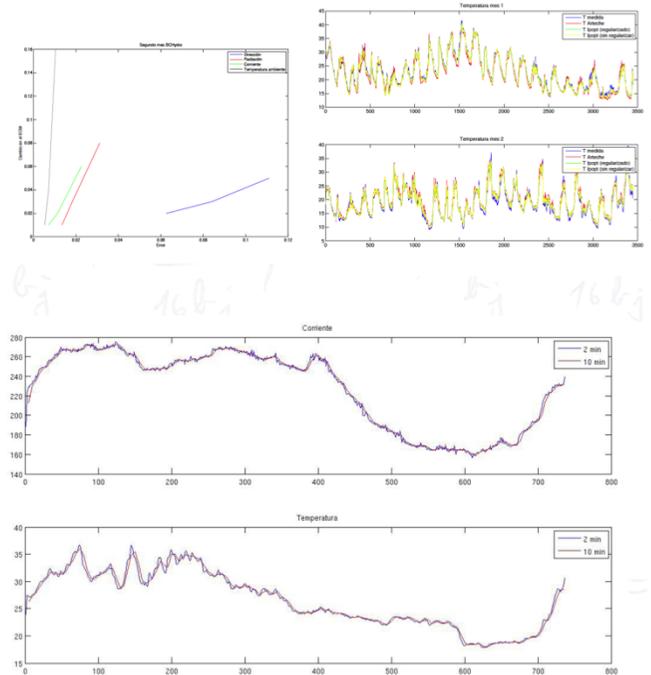
BCAM Scientific Committee





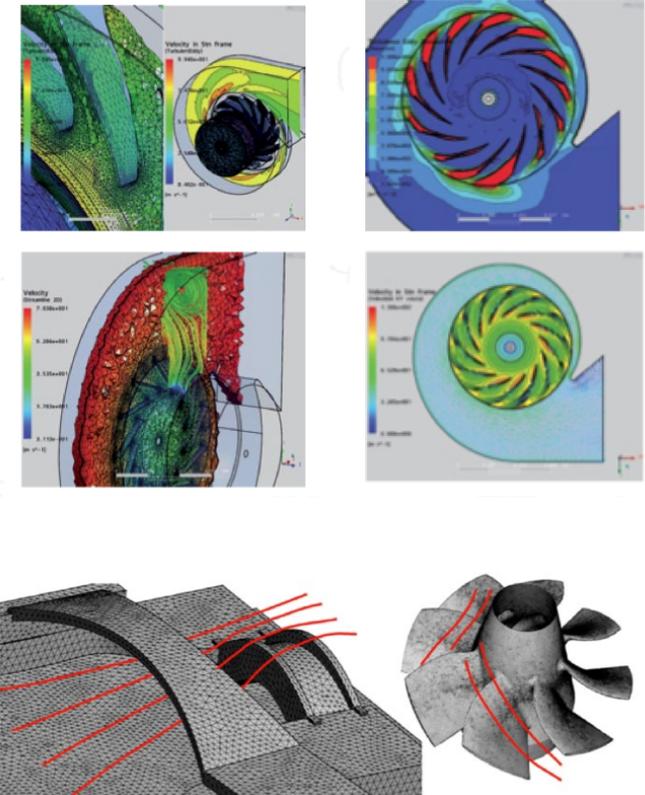
# ARTECHE

- **Project:** Ampacity Calculation Algorithm
- **Goal:** To develop a computational and visualization platform for parameter identification in electrical networks
- **Interest for industry:**
- **Interest for BCAM:** Electrical networks, modelization, differential equations, visualization, simulations, parameter identification



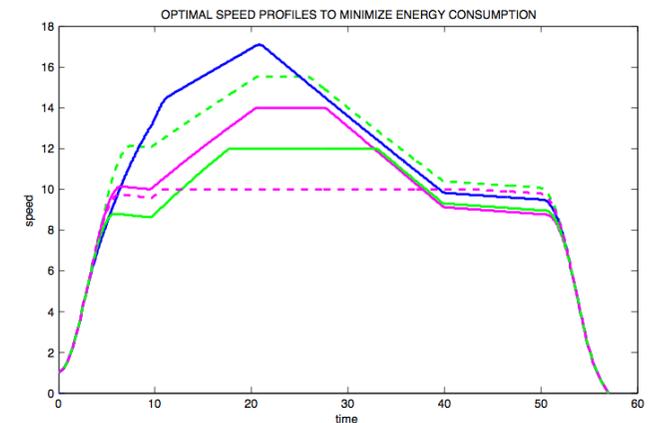
## BALTOGAR

- **Project:** Computational fluids mechanics and applications to turbomachinery
- **Goal:** To launch a research line in CFD
- **Interest for industry:** To develop a simulation code of turbo-machinery
- **Interest for BCAM:** CFD, Simulation, Computational Mathematics, PDE



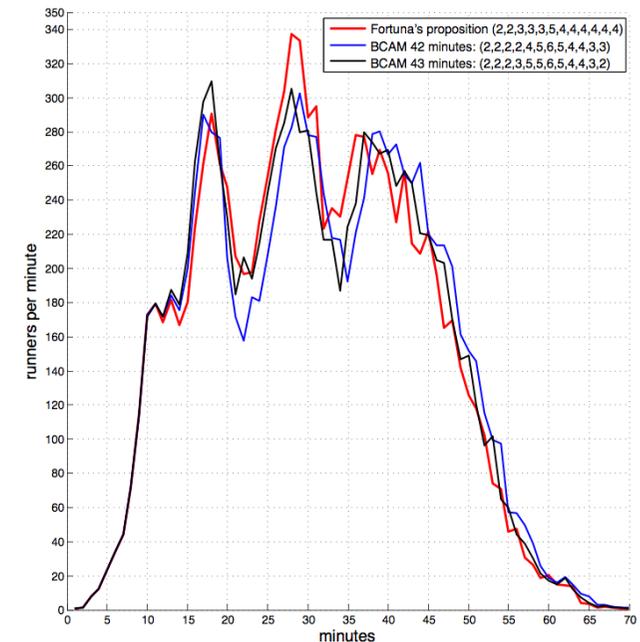
## INGETEAM

- **Project:** Energy minimization in Railway System
- **Goal:** Characterize optimal speed profile to minimize energy
- **Interest for industry:** Energy represents a large percentage of the running costs in railway systems
- **Interest for BCAM:** Real-life application that poses a scientific challenge



## FORTUNA KE

- **Project:** Optimal management of a half-marathon
- **Goal:** Develop mathematical models to optimize the flow of runners
- **Interest for industry:** Obtain simple guidelines to organize the starting line
- **Interest for BCAM:** Develop mathematical models and validate them in a real-life problem



# Patent Nro: 10380060.3

- **Title:** Method for selecting a transmission channel within a time division multiple access (TDMA) communication system
- **Description:** The invention refers to a method for selecting a transmission channel within a Time Division Multiple Access (TDMA) communications system, when several channels (each characterized by a variable and measurable quality of transmission parameter) are demanding to be active for a specific time slot
- **Authors:** Ayesta, U., Jacko, P.

**Empfangsbescheinigung**  
**Receipt for documents**  
**Réçépissé de documents**

Liste der diesem Antrag beigefügten Unterlagen – Liste des documents annexés à la présente requête – Noua atenție la diplici des documentelor depuse în vederea. Et, en cas de dépôt de documents de nature multiple (par un service national, l'Office européen des brevets ou le service national des brevets d'un service national, l'Office européen des brevets adresse le présent récépissé de documents, ou récépissé des copies de la validation visée à la règle 35(2)).

Checklist of enclosed documents – Receipt of the documents indicated below is hereby acknowledged by the EPO, or by the national authority, if there is a communication under Article 35(2) of the EPC.

Antwortsiegel / Official stamp / Cachet officiel

Tag des Eingangs (Regel 35 (2)) / Date of receipt (Rule 35(2)) / DIREC: 28 ABR 2010

Anmeldenummer für den Schriftverkehr mit dem EPA, Abkürzungen für Prioritäts-erklärungen / Application No. to be used in correspondence with the EPO, file No. to be used for priority declarations / N° de la demande à utiliser dans la correspondance avec l'OEI, n° de dépôt à utiliser pour la déclaration de priorité: 10380060.3 / EP10380060

Tag des Eingangs beim EPA (Regel 35 (4)) / Date of receipt at EPO (Rule 35(4)) / RENA

47. A. Anmeldeunterlagen und Prioritätsbeleg(e) / Application and priority documents / Pièces de la demande et document(s) de priorité

1. Beschreibung (ohne Sequenzprotokolle) / Description (excluding sequence listing part) / Description (sauf partie réservée au listing des séquences)
2. Patentansprüche / Claims / Revendications
3. Zeichnung(en) / Drawing(s) / Dessin(s)
4. Sequenzprotokolle der Beschreibung / Sequence listing part of description / Partie de la description relative au listing des séquences
5. Zusammenfassung / Abstract / Abrégé
6. Früher eingereichte Anmeldung / Previously filed application / Demande déposée antérieurement
7. Übersetzung der Anmeldeunterlagen / Translation of the application documents / Traduction des pièces de la demande
8. Übersetzung der früher eingereichten Anmeldung / Translation of the previously filed application / Traduction de la demande déposée antérieurement
9. Prioritätsbeleg(e) / Priority document(s) / Document(s) de priorité
10. Übersetzung des (der) Prioritätsbeleg(e)s / Translation of priority document(s) / Traduction du (des) document(s) de priorité

48. B. Der Anmeldung (in der eingereichten Fassung) liegen folgende (Unterlagen) bei: / This application as filed is accompanied by the items below: / Les pièces ci-après sont annexées à la présente demande :

1. Vollmacht / Authorization / Pouvoir
2. Allgemeine Vollmacht / General authorization / Pouvoir général
3. Erfindernennung / Designation of inventor / Désignation de l'inventeur
4. Früherer Recherchenbericht / Earlier search report / Rapport de recherche antérieur
5. Geldzurückzahlungsvoucher (EPA Form 1010) / Voucher for the settlement of fees (EPO Form 1010) / Bordereau de règlement de taxes (OEB Form 1010)
6. Elektronischer Datenlager für Sequenzprotokolle / Electronic data carrier for sequence listing / Support électronique de données pour listing des séquences
7. Zusatzblätter / Additional sheet / Feuille supplémentaire
8. Sonstige Unterlagen (bitte hier spezifizieren) / Other documents (please specify here) / Autres documents (veuillez préciser)

49. C. Exemplare dieser Empfangsbescheinigung (bitte zureichende Zahl ankreuzen) / Copies of this receipt for documents (please mark appropriate number with a cross) / Exemplaires du présent récépissé de documents (veuillez cocher le chiffre correspondant)

Einreichung direkt beim EPA / Direct filing with the EPO / Dépôt direct auprès de l'OEI

Einreichung bei einer nationalen Behörde / Filing with a national authority / Dépôt auprès d'un service national

Blattzahl / Number of sheets / Nombre de feuilles: 9

Gesamtzahl der Abbildungen / Total number of figures: 3

Die Richtigkeit der Blattzahl und der Gesamtzahl der Abbildungen wurde bei Einreichung nicht geprüft. / \* To check via fax or receipt that the number of sheets and the total number of figures indicated were correct. / \* Vérifier le nombre de feuilles et le nombre total de figures n'a pas été considéré lors du dépôt.

AREP

BC-0001

ERNEDPOEB 1001E 04/09

8

# Patent Nro: 10380163.5

- **Title:** Method for efficient scheduling in a resource-sharing system
- **Description:** The invention refers to a method in order to schedule the access to a processor resource on computer systems and data-processing systems. The invention can be applied in any resource-sharing system, whereby a resource-sharing is understood to be any system in which a resource is shared among multiple concurrent jobs. Examples of such systems are personal computers, server-farms, operating systems, etc.
- **Authors:** Ayesta, U., Verloop, M.

29/12 2010 MIE 12:40 FAX 915213109 Jose Ramon Trigo S. L. 001/002

 **Empfangsbescheinigung**  
Receipt for documents  
Récépissé de documents

Wenn der/diesem Antrag beigefügten Unterlagen ...  
Lors que des documents annexés à la présente requête ...

Tag des Eingangs (Regel 35 (2)) / Date of receipt (Rule 35(2))  OREC 29 DIC 2010 29 DIC 2010

Anmeldenummer für den Schriftverkehr mit dem EPA, Amerikanischer für Prioritätserklärung / Application No. to be used in correspondence with the EPO, Am. No. to be used for priority declarations / N° de la demande à utiliser dans la correspondance avec l'OEB, n° de dépôt à utiliser pour la déclaration de priorité

10380163.5 / EP 10380163

Tag des Eingangs beim EPA (Regel 35 (4)) / Date of receipt at EPO (Rule 35(4))  RESA

47 A. Änderungsunterlagen und Prioritätsbeleg(e) / Application and priority documents / Pièces de la demande et documents de priorité

1 Beschreibung (ohne Sequenznummern) / Description (excluding sequence listing part) / Description (sans partie réservée au listing des séquences)

2 Patentansprüche / Claims / Révendications

3 Zeichnungen / Drawings / Dessins

4 Sequenznummern der Beschreibung / Sequence listing part of description / Partie de la description réservée au listing des séquences

5 Zusammenfassung / Abstract / Abrégé

6 Früher eingereichte Anmeldung / Priority filed application / Demande déposée antérieurement

7 Übersetzung der eingereichten Anmeldung / Translation of the application documents / Traduction des pièces de la demande

8 Prioritätsbeleg(e) / Priority (document(s)) / Document(s) de priorité

9 Übersetzung des/dies Prioritätsbeleg(e) / Translation of priority document(s) / Traduction du/des documents de priorité

48 B. Die Anmeldung in der eingereichten Fassung folgen folgende Unterlagen bei: / This application as filed is accompanied by the items below: / Les pièces ci-après sont annexées à la présente demande:

1 Vollmacht / Authorization / Pouvoir

2 Allgemeine Vollmacht / General authorization / Pouvoir général

3 Erfindungsursprung / Designation of inventor / Désignation de l'inventeur

4 Hinweis-Recherchebericht / Search report / Rapport de recherche préliminaire

5 Kontrollenachrichtendruck (EPA Form 1040) / Notice for the settlement of fees (EPO Form 1040) / Bureau de règlement de taxes (OEB Form 1040)

6 Elektronischer Datenträger für Sequenznummern / Electronic data carrier for sequence listing / Support électronique de données pour listing des séquences

7 Zusatzblatt / Additional sheet / Feuille supplémentaire

8 Sonstige Unterlagen (Bitte hier spezifizieren) / Other documents (please specify here) / Autres documents (veuillez préciser)

49 C. Exemplare dieser Empfangsbescheinigung (Bitte entsprechende Zahl angeben) / Copies of this receipt for documents (please mark appropriate number with a cross) / Exemplaires du présent récépissé de documents (veuillez cocher le chiffre correspondant)

Einrichtung direkt beim EPA / Direct filing with the EPO / Dépôt direct auprès de l'OEB

Einreichung bei einer nationalen Behörde / Filing with a national authority / Dépôt auprès d'une service national

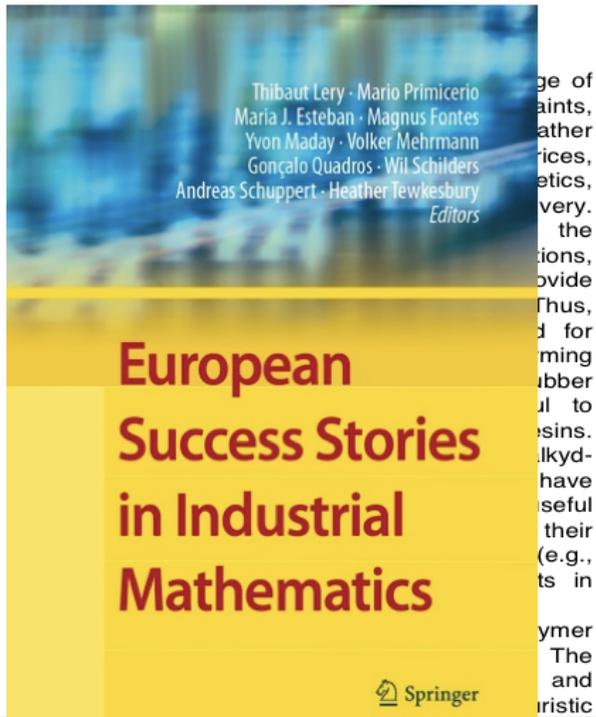
8

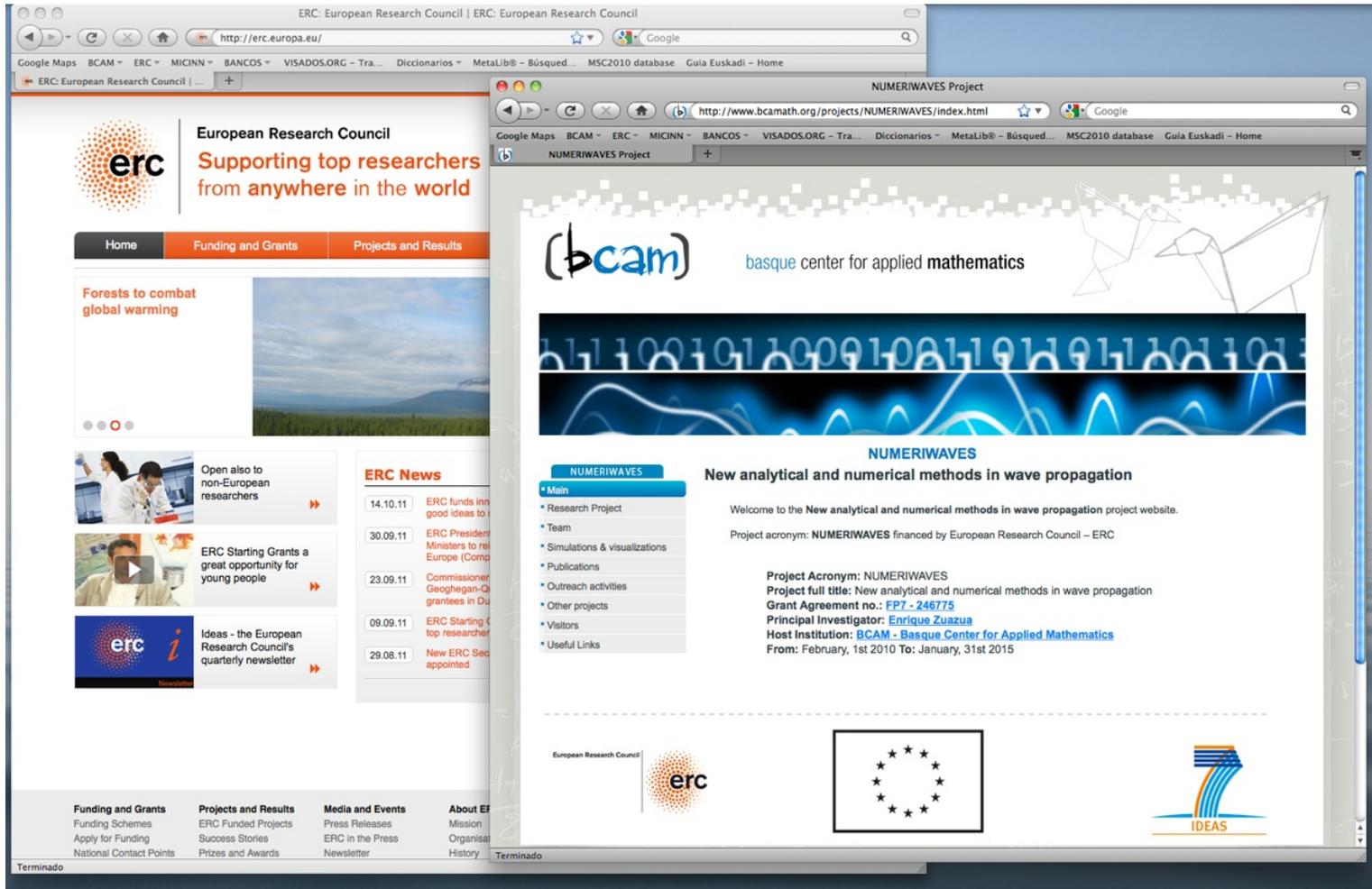
## Dynamical modelling of morphology development in multiphase latex particles

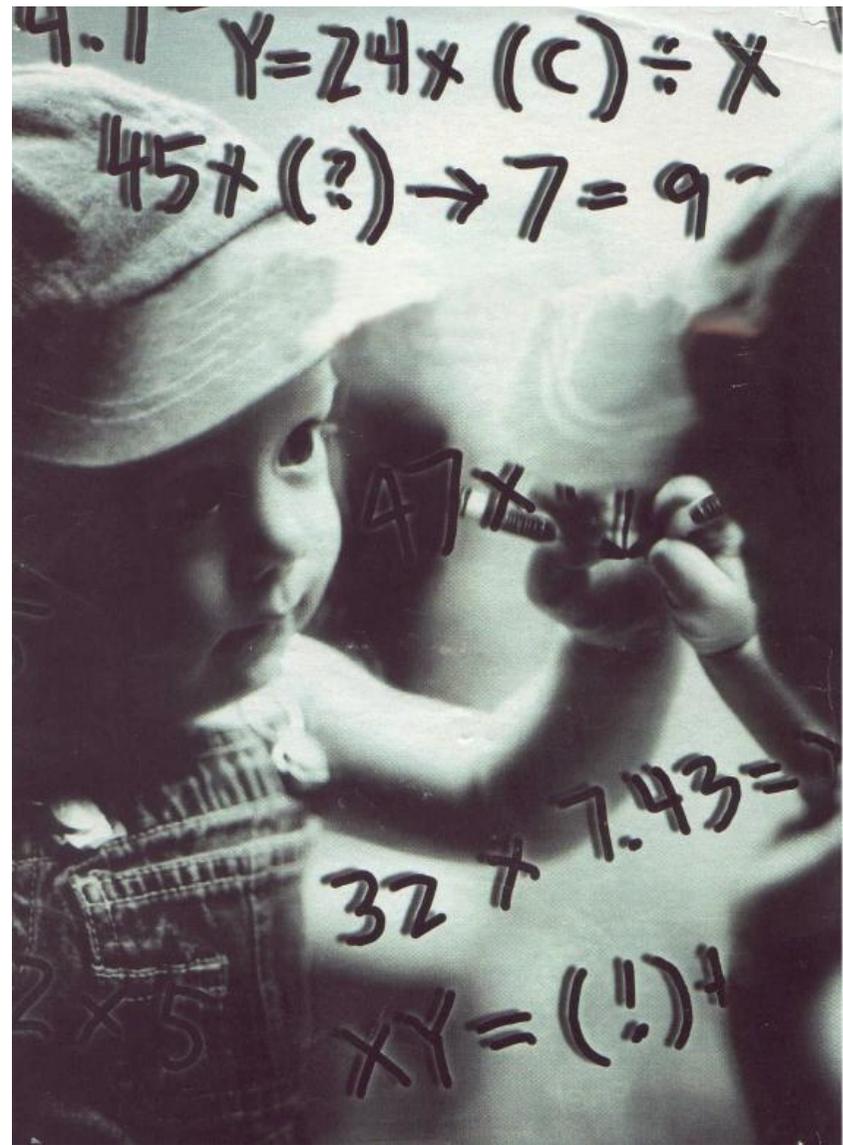
---

### Executive summary

In this project a dynamic model was designed to predict the development of the morphology of multiphase waterborne systems, such as polymer-polymer and polymer-polymer-inorganic hybrids.







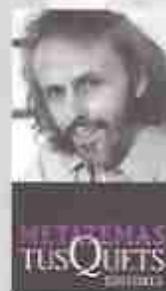
John Allen Paulos

# EL HOMBRE ANUMÉRICO

El analfabetismo matemático y sus consecuencias

«Inteligente análisis de las locuras que engendra la falta  
de comprensión de la ciencia y de las matemáticas.»

Isaac Asimov





## Basque Colloquium in Mathematics and its Applications

**11:30 Jean-Baptiste HIRIART-URRUTY, University Paul Sabatier, Toulouse, France**

### THE $\epsilon$ -STRATEGY IN VARIATIONAL ANALYSIS

In this work we discuss variational (or optimization) problems which do not have solutions necessarily, but which do have approximate solutions (or solutions within  $\epsilon > 0$ ). The question we address is: what to do with such  $\epsilon$ -solutions? We shall see how to recover all the minimizers of the relaxed version of an abstract variational problem in terms of  $\epsilon$ -minimizers of the original variational problem (specially when the later has no solution).

Applications to two classes of approximation problems in a Hilbert space setting will be shown.

**12:30 Björn BIRNIR, University of California, Santa Barbara, CA, USA**

### EXISTENCE, UNIQUENESS AND STATISTICAL THEORY OF THE STOCHASTIC NAVIER-STOKES EQUATION IN THREE DIMENSIONS

We will discuss the existence of unique rough solution of the Navier-Stokes equation in three dimensions. These solutions are the result of noise that the equation produces at high Reynolds numbers. They also give a unique invariant measure that permits the development of Kolmogorov's statistical theory of turbulence.

**13:45 Lunch and informal discussion**

**October 9, 2009**

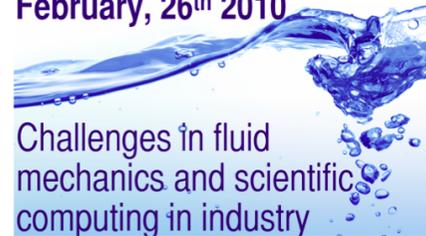
**Room 0.24, Faculty of Science and Technology, UPV/EHU (LEIOA campus)**

**Organizers and contacts:**

BCAM-Basque Center for Applied Mathematics  
Bizkaia Technology Park, Building 500 Derio - Basque Country- Spain <http://www.bcamath.org>  
([roldan@bcamath.org](mailto:roldan@bcamath.org))

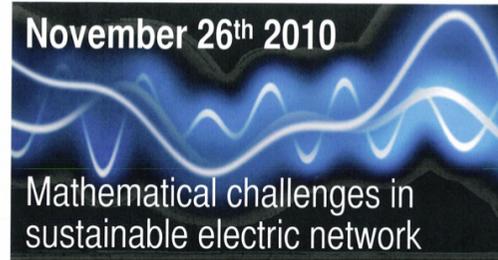
Mathematical Analysis and Applications, Mathematics Section, Faculty of Science and Technology  
UPV/EHU (LEIOA campus) Box 644 Bilbao 48080. <http://www.ehu.es/amacapado>  
([miguel.escobedo@ehu.es](mailto:miguel.escobedo@ehu.es))

February, 26<sup>th</sup> 2010



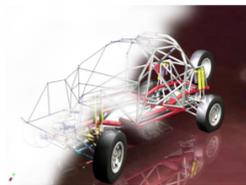
Challenges in fluid  
mechanics and scientific  
computing in industry

November 26<sup>th</sup> 2010



Mathematical challenges in  
sustainable electric network

November 17<sup>th</sup> 2011  
Maths for automotive Industry



basque center for applied mathematics



AUTOMOTIVE  
INTELLIGENCE  
CENTER

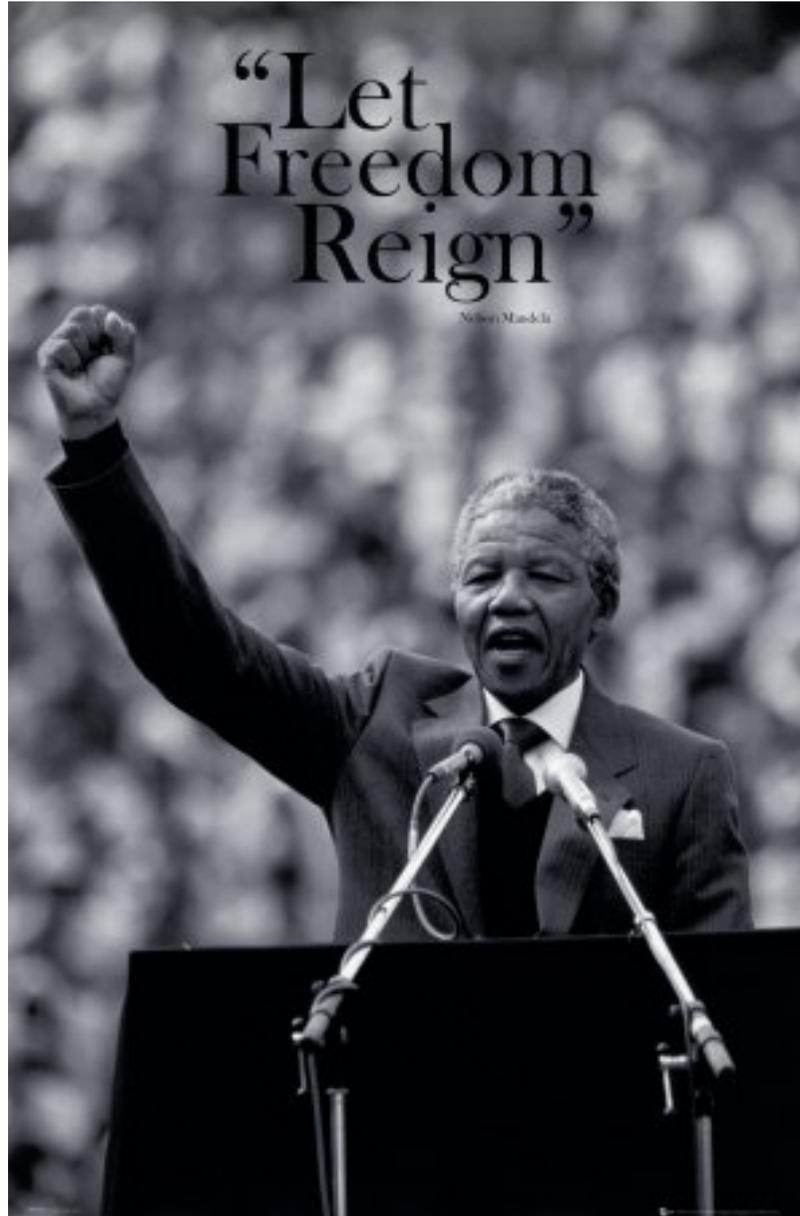
bizkaia  
:::xede



Bizkaia Foru  
Alumnia  
Bazterreko  
Foral de Bizkaia

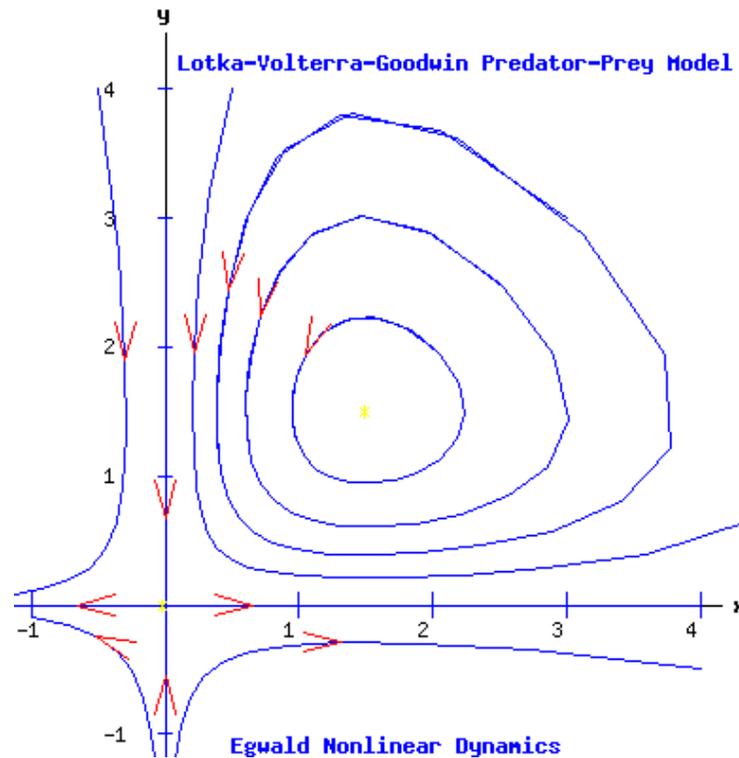
# “Let Freedom Reign”

Nelson Mandela



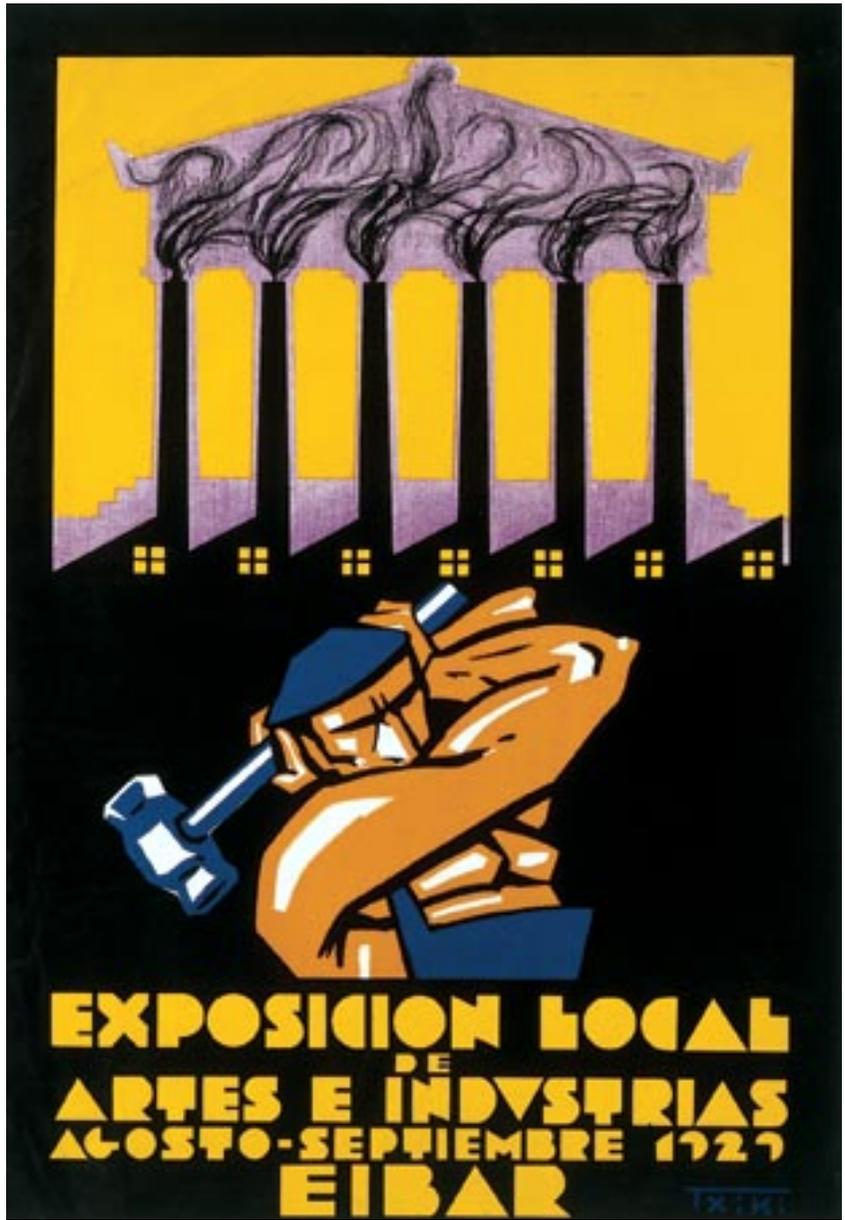


Dos idiomas. ¿Un abismo?



Las ecuaciones de Lotka-Volterra, o de predador-presa propuestas de forma independiente por Alfred J. Lotka en 1925 y Vito Volterra en 1926.







ERENTZUN  
IKASTOLA  
VIANA

Su futuro en tus manos  
Bere etorkizuna zure eskuetan

ABIERTO EL PLAZO DE MATRICULACIÓN / MATRIKULAZIO EPEA ZABALIK

*Acércate a conocernos  
Ezagutu gaitzazu*

Camino del Cueto s/n - 31230 VIANA (Navarra) / ☎ 948 44 62 65 / [biana@ikastola.net](mailto:biana@ikastola.net) / [www.arentzun.net](http://www.arentzun.net)  
Horario de secretaría / Idazkaritza ordutegia: de 8:00 a 13:30 y de 14:30 a 17:00 h.

**Top 10 Webometrics Ranking of World Universities July 2009**

WR	NAME	DOMAINS	COUNTRY	REGION
1	<b>Massachusetts Institute of Technology</b>	mit.edu	us	North America
2	<b>Harvard University</b>	harvard.edu	us	North America
3	<b>Stanford University</b>	stanford.edu	us	North America
4	<b>University of California Berkeley</b>	berkeley.edu	us	North America
5	<b>Cornell University</b>	cornell.edu	us	North America
6	<b>University of Wisconsin Madison</b>	wisc.edu	us	North America
7	<b>University of Minnesota</b>	umn.edu	us	North America
8	<b>California Institute of Technology</b>	caltech.edu	us	North America
9	<b>University of Illinois Urbana Champaign</b>	uiuc.edu	us	North America
10	<b>University of Michigan</b>	umich.edu	us	North America



- Noticias
- Noticias breves
- Agenda
- Entrevistas
- Directorio I+D+i
- Enlaces interesantes
- Libro de contactos
- Ayuda

Concurso de Tesis

Red internacional

ÚLTIMOS COMENTARIOS

- 2009/11/18  
El reto de la bioestadístic...
- 2009/11/18  
El reto de la bioestadístic...
- 2009/11/3  
La sinuplastia con balón re...
- 2009/6/2  
Cotejan el bajo rendimiento...
- 2009/5/25  
En una tesis de la UPV/EHU ...

Estadísticas de BR

DIRECTORIO I+D+I

En el Directorio I+D+i, encontrarás información de empresas, universidades y centros tecnológicos vascos con actividad investigadora.

**Empresa**  
[134]

**AAC Centro de Acústica Aplicada, S.L.**  
Miñano  
www.aacacustica.com

**Abantail**  
Arrasate - Mondragon  
www.abantail.com

**ACEROS INOXIDABLES OLARRA, S. A.**  
Lolu  
www.olarra.com

**ADIMEDIA, comunicación Interactiva**  
Irun  
www.adimedia.net

**ADUR**  
Bilbao  
www.adur.es

**AENOR**  
Bilbo  
www.aenor.es

**AH ASOCIADOS ARQUITECTOS**  
Pamplona  
www.ahasociados.com

**ALFADEI**  
...

**Universidad**  
[140]

Leloa  
gtts.ehu.es

**Acústica (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Agrobiotecnología (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Agrobiotecnología vegetal (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Análisis de los factores naturales y culturales asociados a la producción vegetal (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Calidad alimentaria y análisis sensorial (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Centro Electrónica y Telecomunicaciones (UPNA)**  
Iruña  
www.unavarra.es

**Centro de investigación/tecnológico**  
[87]

**IDEKO**  
Elgoibar  
www.ideko.es

**ACEDE Agrupación de Cluster de Electrodomésticos de Euskadi**  
Gasteiz  
www.acede.es

**Agencia Navarra de Innovación**  
Pamplona-Iruña  
www.plantecnologico.com

**AIN**  
Cordovilla  
www.ain.es

**Ametzagaña Taldea**  
Lasarte-Oria  
www.ametza.com

**ANAIN-Agencia Navarra de Innovación**  
Pamplona  
www.anain.com

**ANALISIS Y SIMULACION, S.L.**  
Miñano

REGISTRO

- Informador
- Periodista
- Visitante

SERVICIOS

- Servicios de prensa
- Divulgación internacional
- Servicios de traducción

ELHUYAR EN LA RED

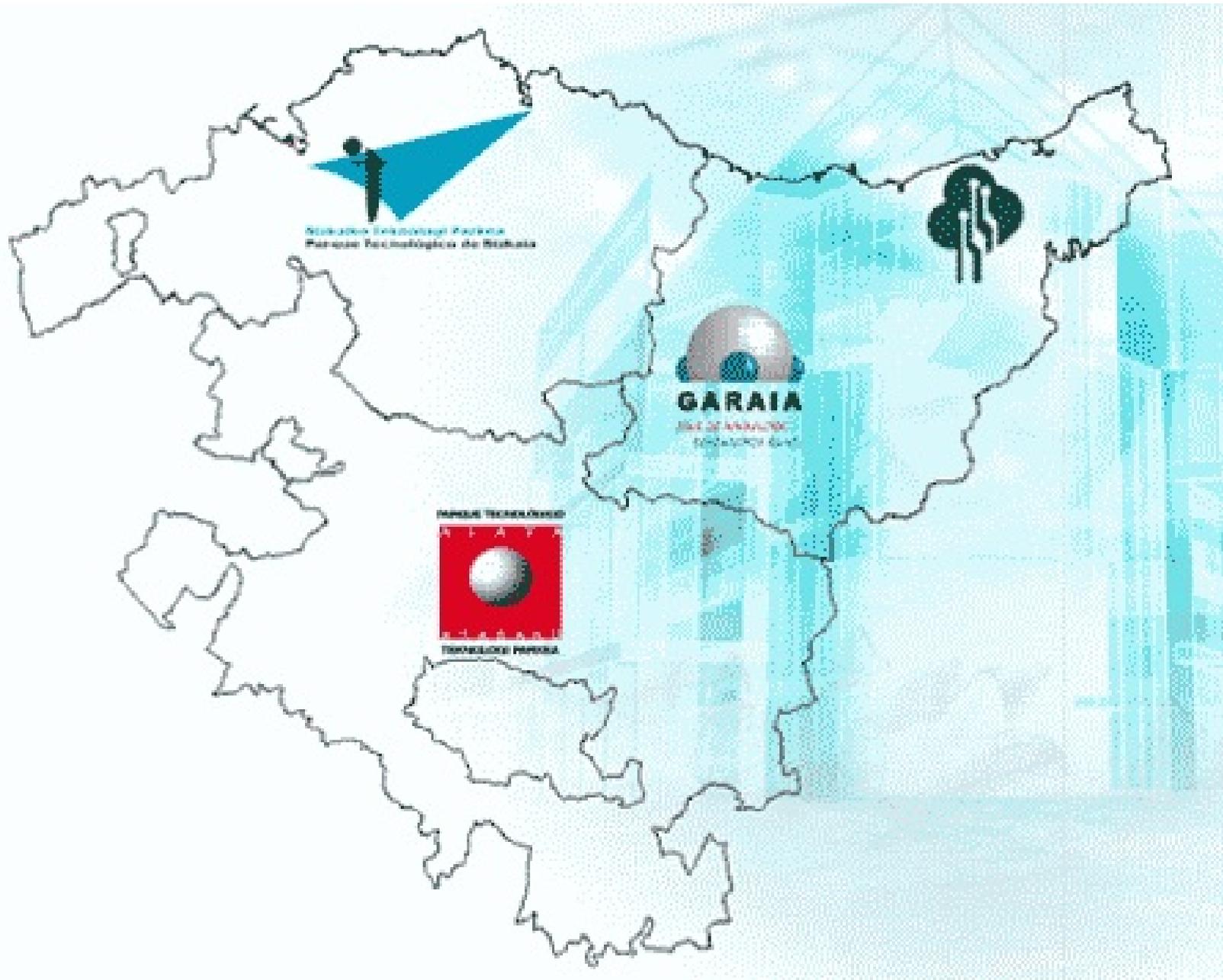
zi<sup>2</sup>entzia.net

ZerNola

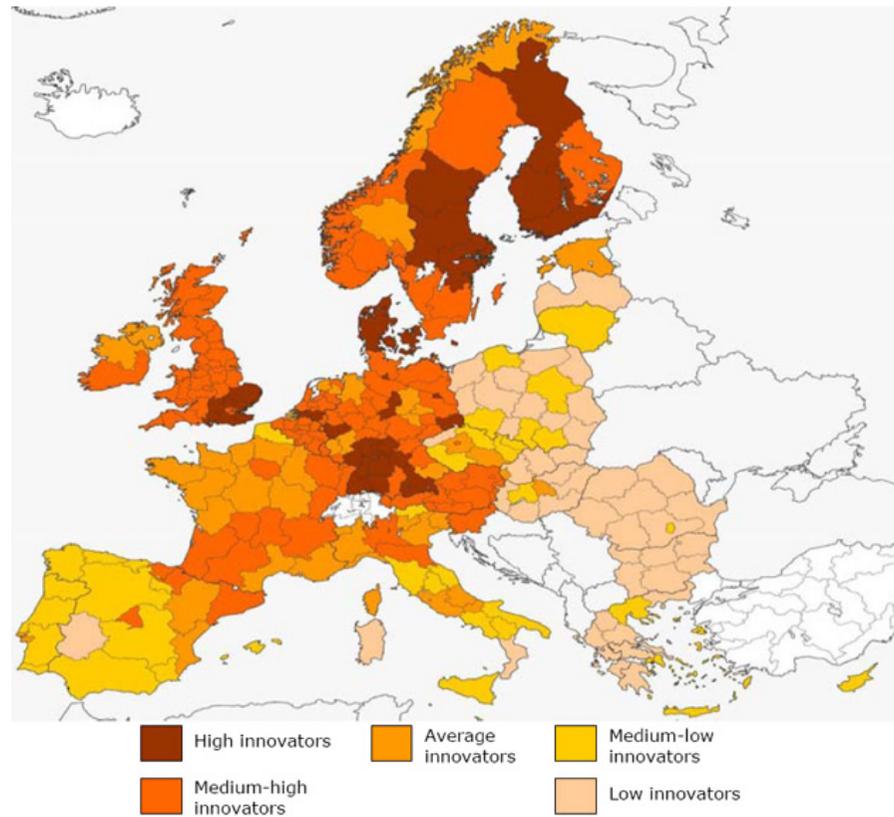
TEKNOPOLIS

NORTEKO FERROHARRILLA

Hasiberrio

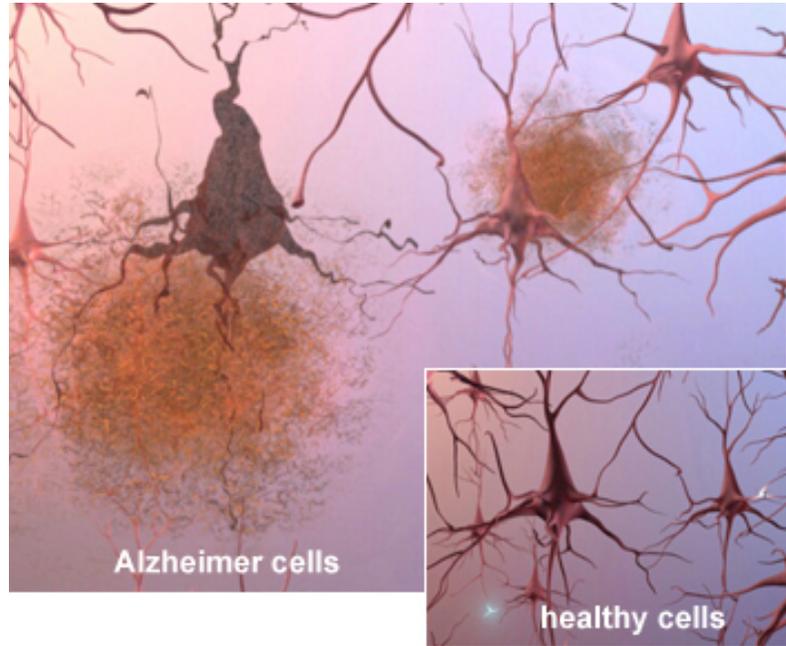


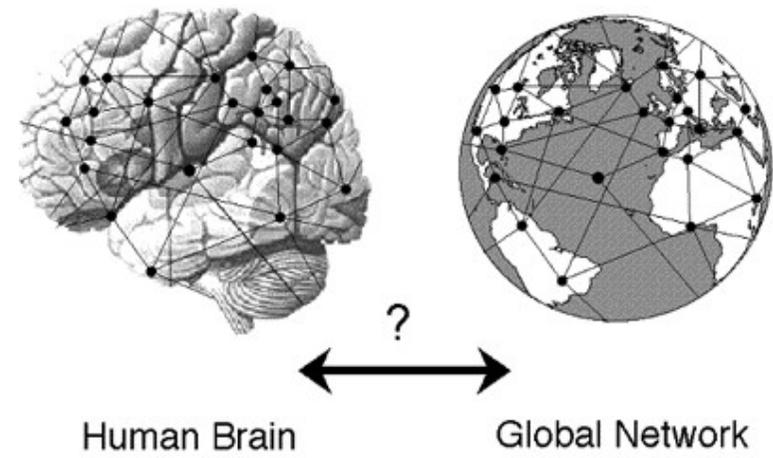
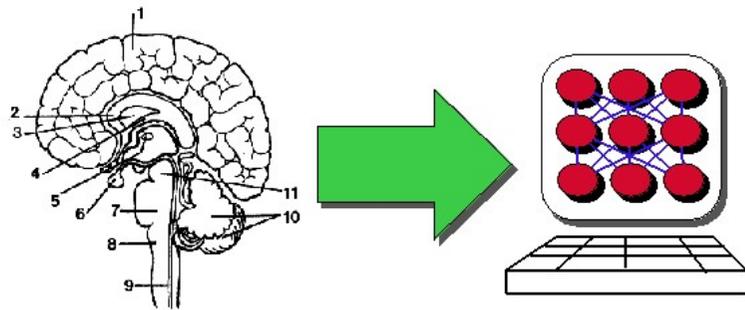
Europango herrialde berritzaileen mapa.





Nazioarteko erronka

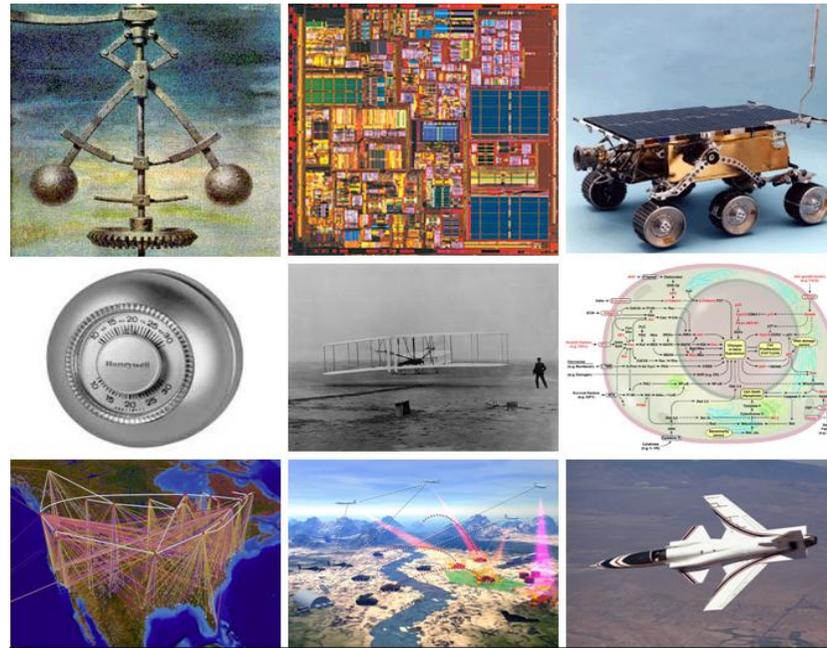




- 1.- Multilingüismo real.
- 2.- Sistema integral de educación.
- 3.- Ambición, visión y acción internacional y a largo plazo.
- 4.- Concentrar apuestas.
- 5.- Ser abiertos y ágiles.
- 6.- Más coordinación en la red vasca de I+D+i.
- 7.- Autocrítica y autoevaluación.

9.- Etorkizunera begira

9.- Perspectivas

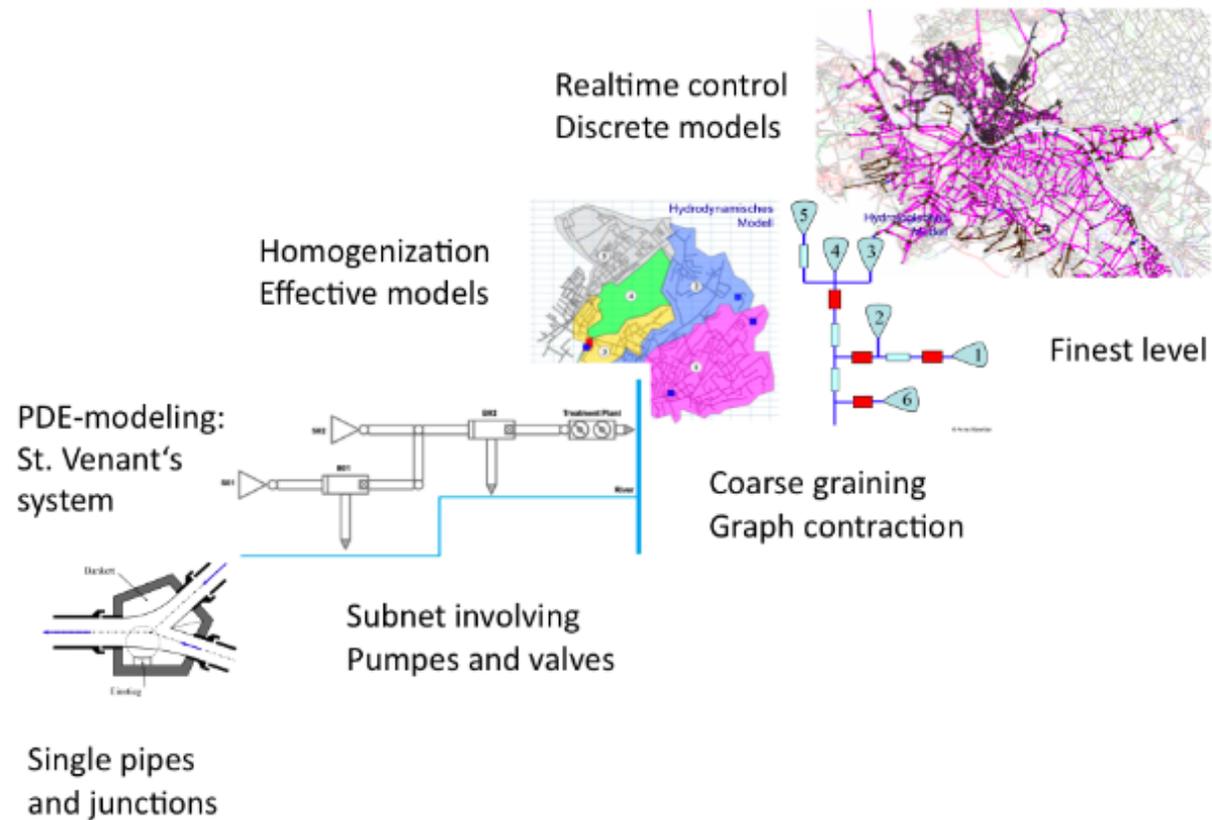


*Control in an information rich World, SIAM, R. Murray Ed., 2003.*

Eta beste asko....

## Robotika.



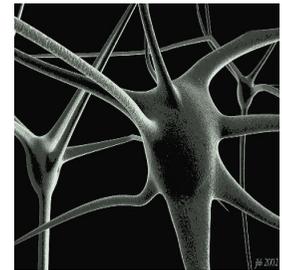


Eskala anitzak = Matematika anitzak

Las matemáticas se verán influenciadas por la creciente tendencia a la **complejidad** y a la **multidisciplinaridad**. Aumentará así la importancia de áreas de las matemáticas como:

- La matemática discreta y los grafos;
- La minería de datos;

y otros campos de investigación como **las neurociencias** y **las ciencias sociales**.



# Matemático = Máquina de transformar café en Teoremas



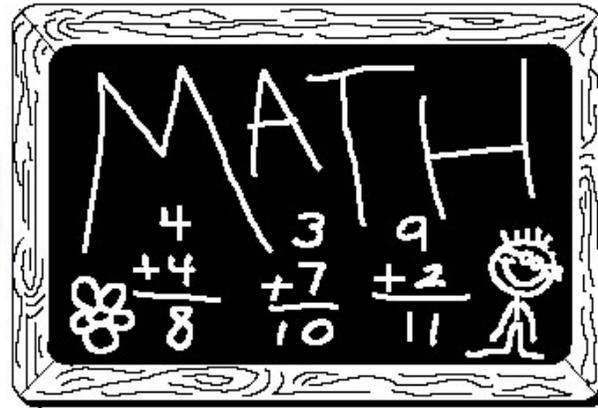
## The Erdős Number Project

This is the website for the Erdős Number Project, which studies research collaboration among mathematicians.

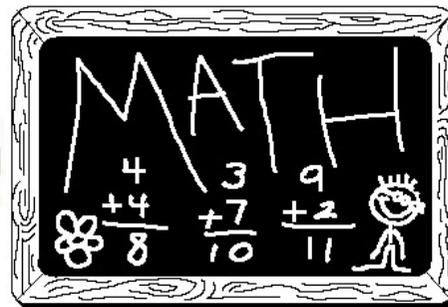
*The site is maintained by **Jerry Grossman** at **Oakland University**. **Patrick Ion**, a retired editor at **Mathematical Reviews**, and **Rodrigo De Castro** at the **Universidad Nacional de Colombia, Bogota** provided assistance in the past. Please address all comments, additions, and corrections to Jerry at [grossman@oakland.edu](mailto:grossman@oakland.edu).*

**Erdős numbers** have been a part of the **folklore of mathematicians** throughout the world for many years. For an introduction to our project, a description of what Erdős numbers are, what they can be used for, who cares, and so on, choose the "What's It All About?" link below. To find out who **Paul Erdős** is, look at this **biography** at the MacTutor History of Mathematics Archive, or choose the "Information about Paul Erdős" link below. Some useful information can also be found in **this Wikipedia article**, which may or may not be totally accurate.

Paul Erdős (1913–1996)



ETA ETORKIZUNEAN?



*El genio es un uno por ciento de inspiración, y un noventa y nueve por ciento de transpiración.*

Thomas Alva Edison (1847–1931)

*Not everything that can be counted counts, and  
not everything that counts can be counted.*

Albert Einstein (1879–1955)

On the way to Bilbao



(matematika mugaz bestalde)

**BCAM: Bilbo eta Euskal Herria zientziaren mundura abiatzeko bide berria**

International Call for Researchers 2011  
Deadline: 11-11-2011



## We are...

A world class excellence research center in Applied Mathematics located in Bilbao

## We look for...

Exceptional researchers on Applied Mathematics with a solid track and outstanding qualified students

## We offer...

Positions for

- ➔ Senior researchers
- ➔ Postdoctoral fellows
- ➔ PhD students

<http://www.bcamath.org/joboffers>



*Ezagutzen duguna ur tanta da. Ezagutzen ez duguna, ordea, ozeanoa....*

*Lo que sabemos es una gota de agua; lo que ignoramos es el océano....*

Isaac Newton