

# La magia de los números

---

Fernando Chamizo (UAM-ICMAT)

Dulcinea Raboso

I.E.S. Avenida de los Toreros

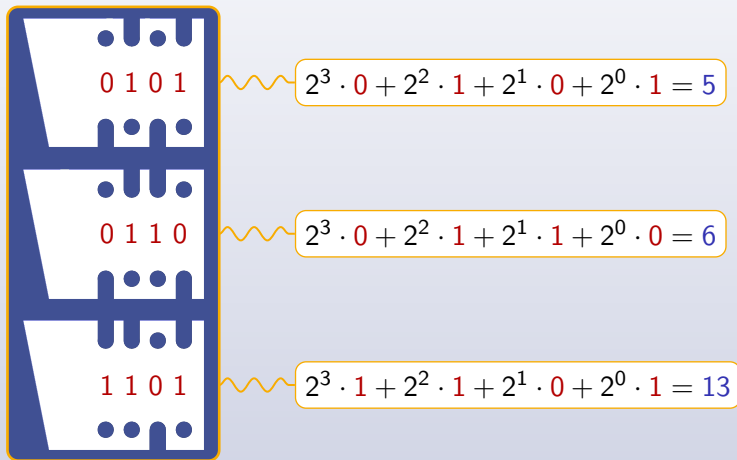
6 de abril de 2017

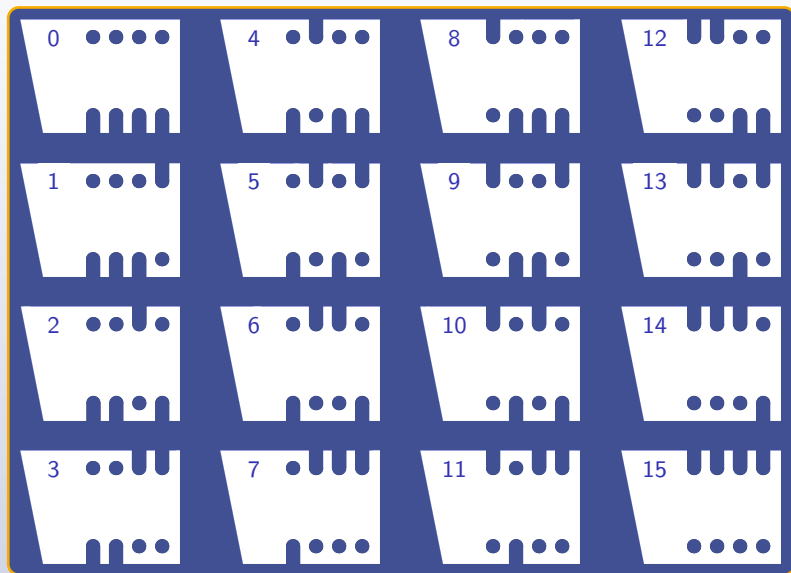
# Tarjetas perforadas

La baraja del  
mago matemático

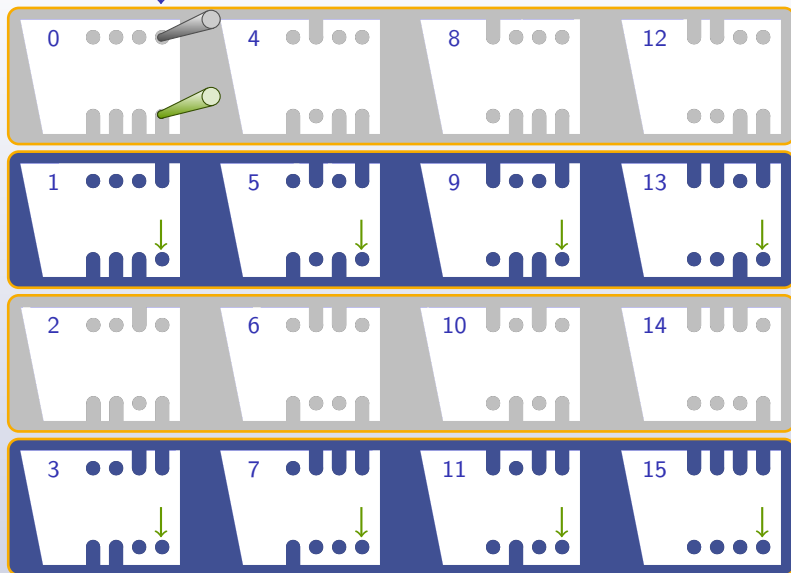
## Sistema binario

Es un sistema de numeración en el que los números se representan utilizando solamente dos cifras, 0 y 1.

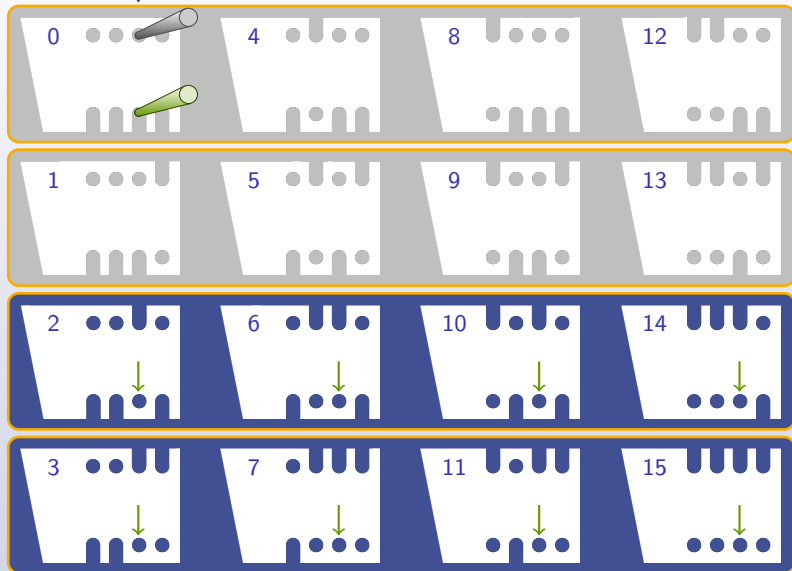




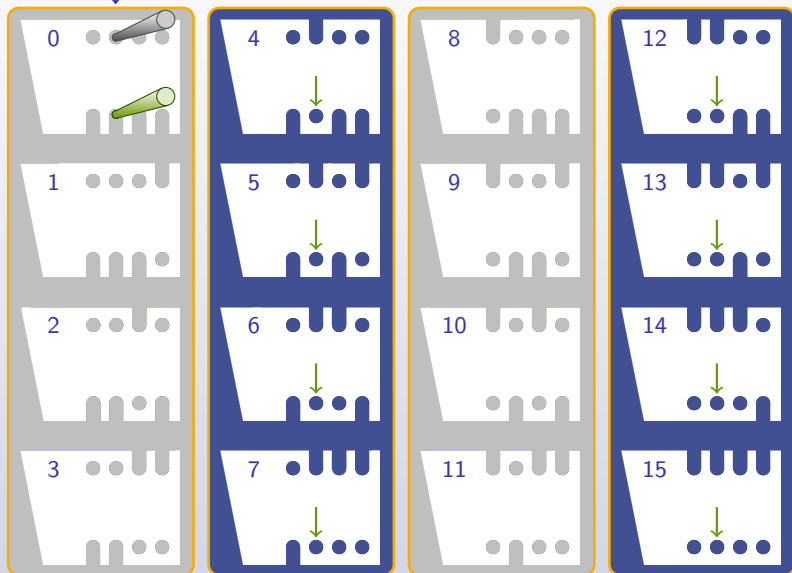
↓ 1.º movimiento



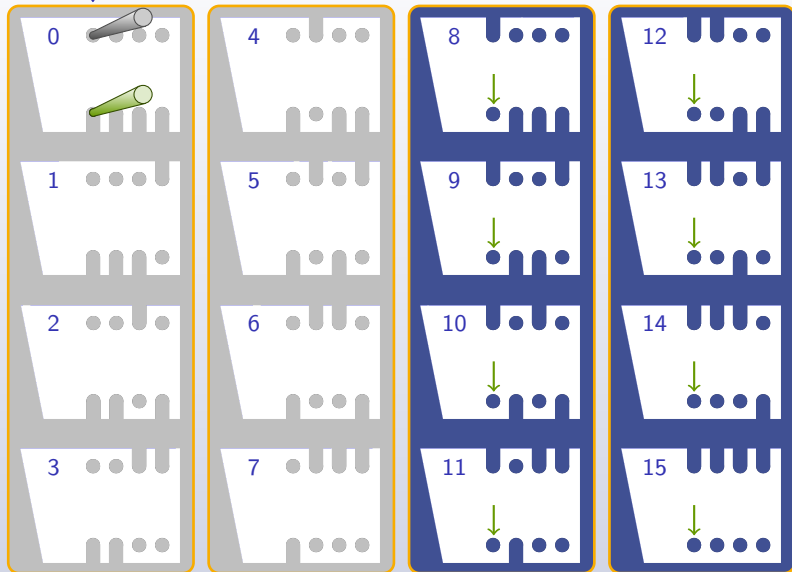
↓ 2.º movimiento



↓ 3.º movimiento

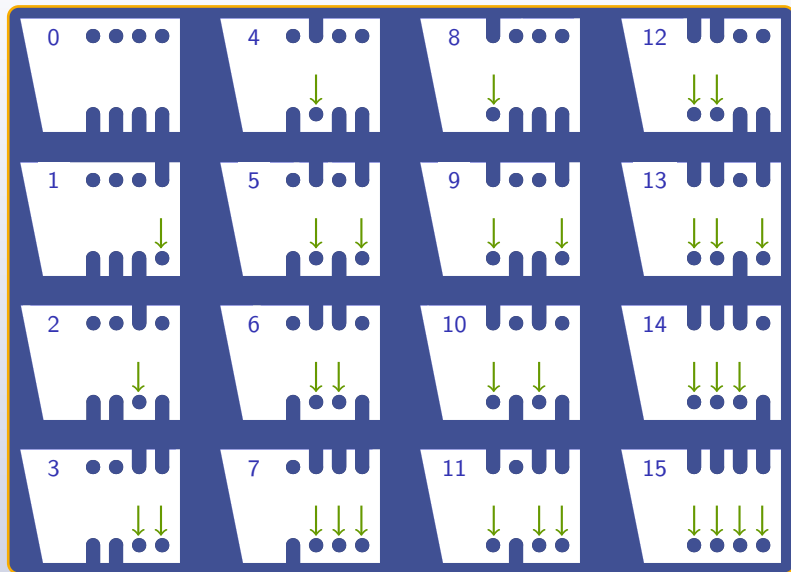


↓ 4.º movimiento





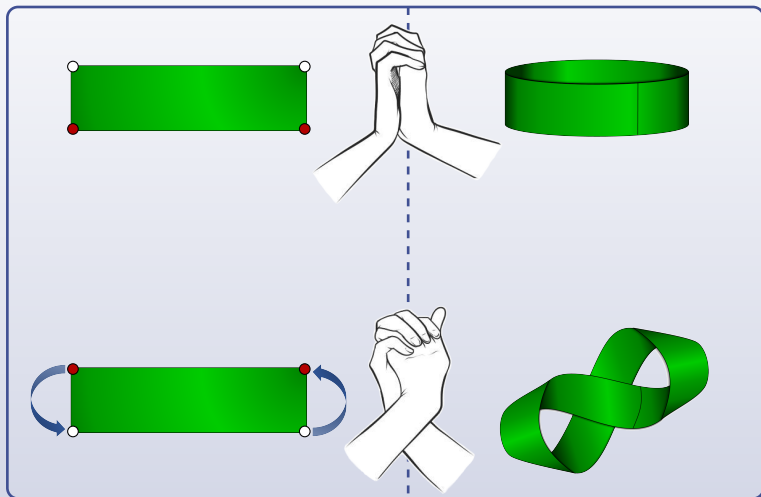
## Movimientos



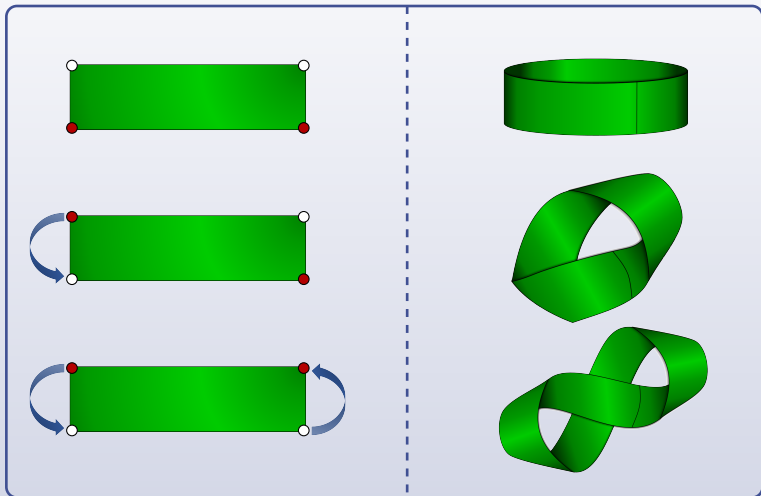
# Banda de Möbius

¡Qué corte!

# Un poco de topología

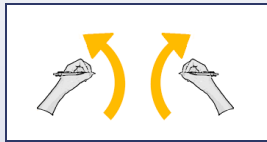


# Un poco de topología

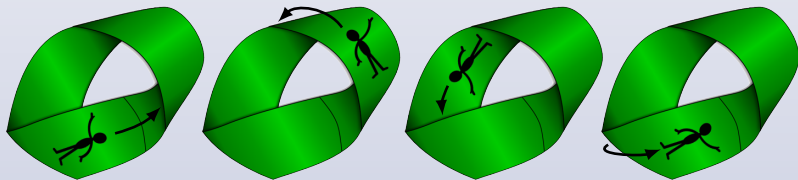


## Extrañas propiedades

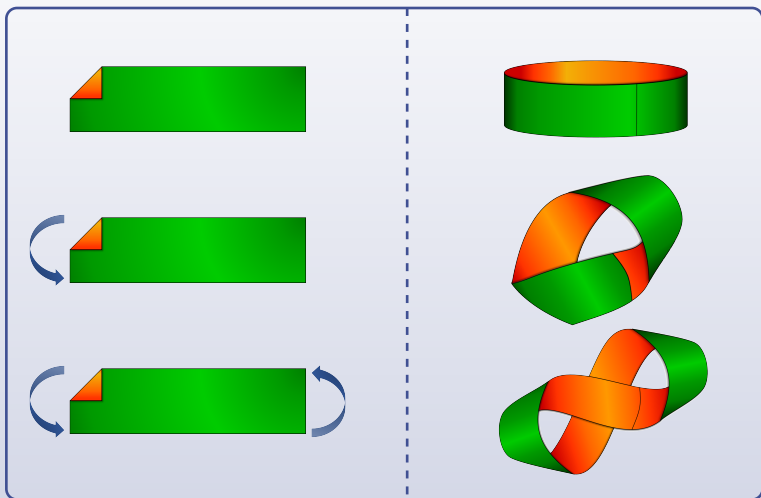
La **banda de Möbius** es una superficie con una sola cara y un solo borde que además es un objeto no orientable, es decir, invierte el sentido de los objetos que viajan sobre ella.



Si un habitante (bidimensional) de la banda de Möbius se cansara de ser diestro, no tendría más que dar un paseo por su mundo.

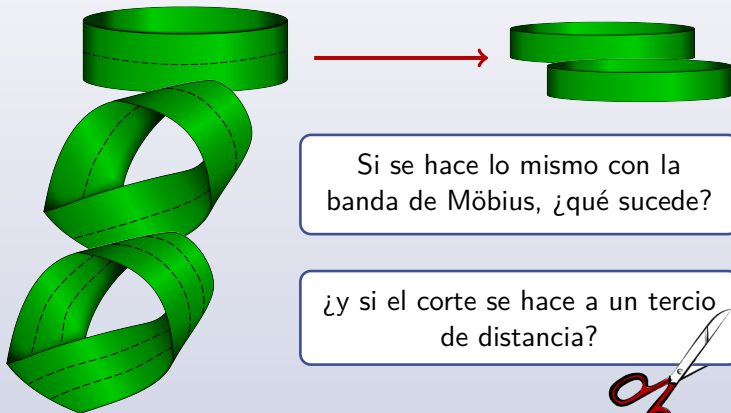


# Un poco de topología



## Extrañas propiedades

Al cortar por la mitad un cilindro de papel, se obtienen dos cilindros con el mismo radio y la mitad de altura que el original.

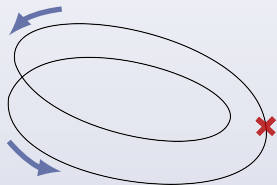


## El problema del camarero



Si realizamos **dos** rotaciones de la mano mientras sostenemos en la palma un vaso de agua, terminamos en la posición inicial.

La mano hace una rotación sobre su hombro, retorciendo el brazo, y luego otra rotación pasando por debajo, desenrollándolo.



El problema está relacionado con el *espín* de los llamados *fermiones*, y “explica” por qué un electrón tiene que “girar”  $720^\circ$  para recuperar su “estado” original.

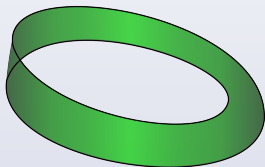


## El problema del camarero



Si realizamos **dos** rotaciones de la mano mientras sostenemos en la palma un vaso de agua, terminamos en la posición inicial.

La mano hace una rotación sobre su hombro, retorciendo el brazo, y luego otra rotación pasando por debajo, desenrollándolo.



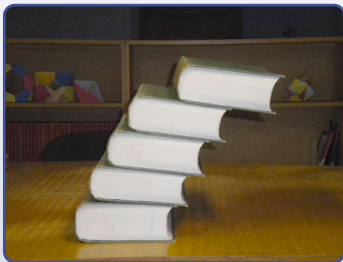
¡La trayectoria describe el borde de una banda de Möbius!

El problema está relacionado con el *espín* de los llamados *fermiones*, y “explica” por qué un electrón tiene que “girar”  $720^\circ$  para recuperar su “estado” original.

## Serie armónica

¿Sostener media escalera  
sin una pared?

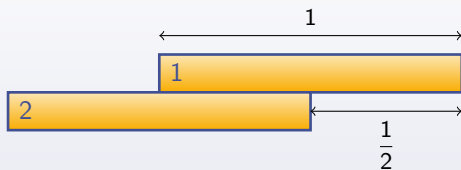
¿Cuánto se puede separar de la vertical una pila de libros?



¡Sin caerse!

## Posición límite de equilibrio

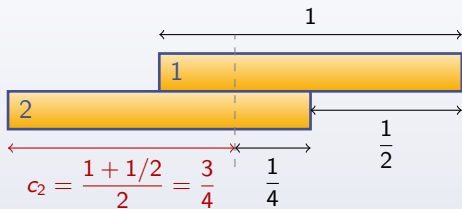
Con 2 libros:



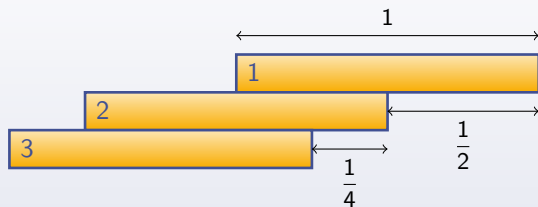
¿Por qué anchura máxima apostaríamos si disponemos de tantos libros como deseemos?

Parece claro que el último libro no puede estar más allá de la base de sustentación, ¿pero es verdad?

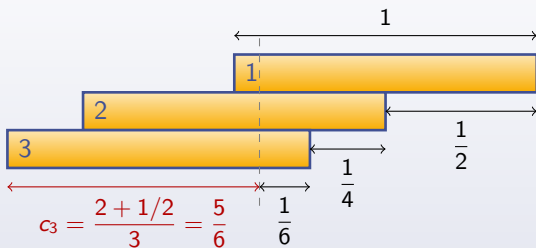
# Posición límite de equilibrio



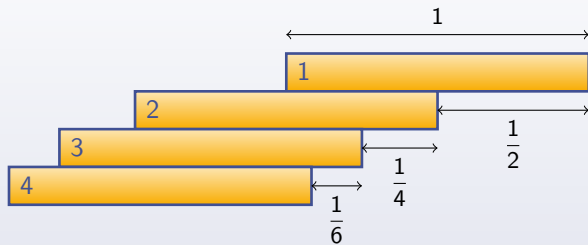
# Posición límite de equilibrio



# Posición límite de equilibrio

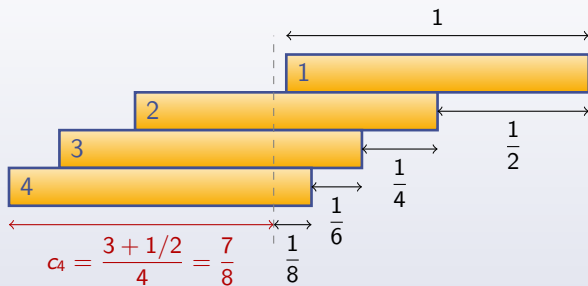


# Posición límite de equilibrio

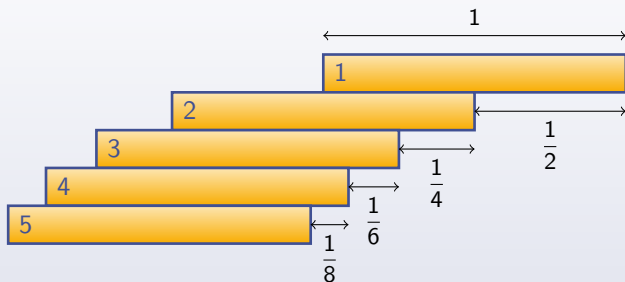




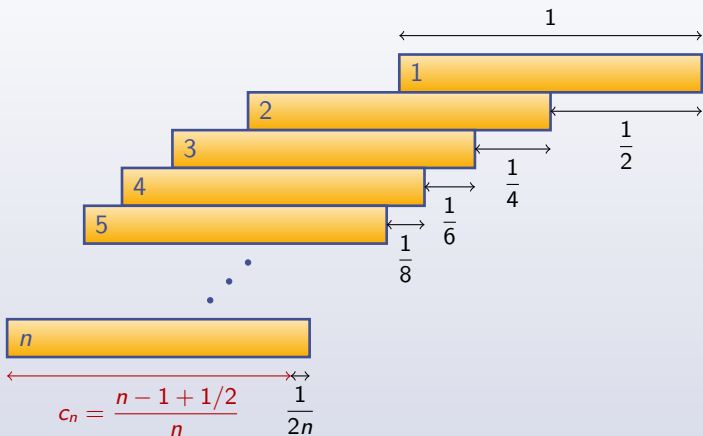
# Posición límite de equilibrio



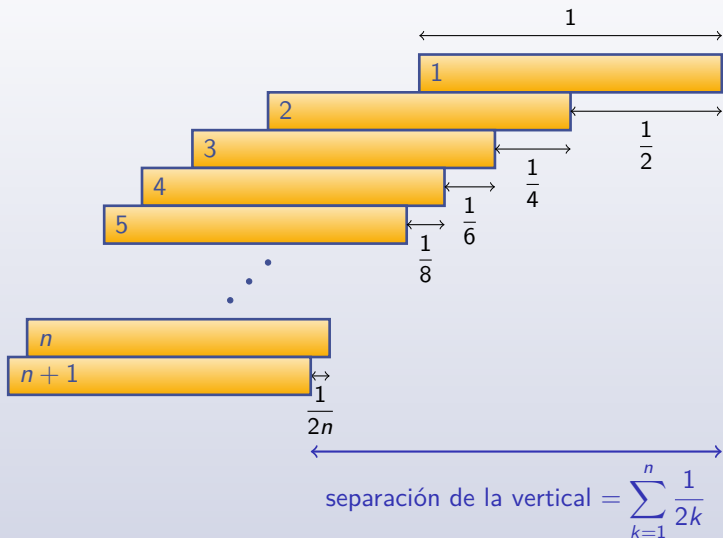
# Posición límite de equilibrio



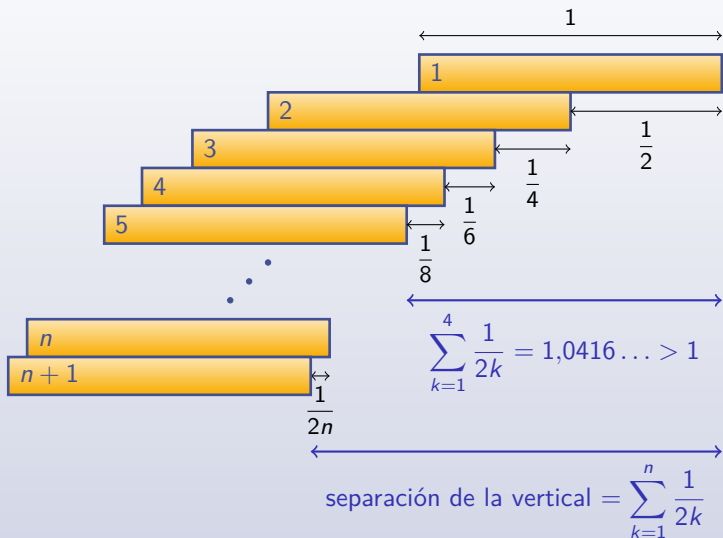
# Posición límite de equilibrio



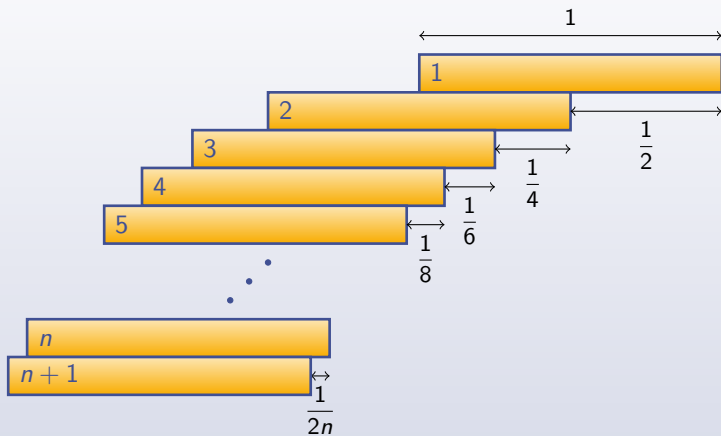
# Posición límite de equilibrio



# Posición límite de equilibrio



# Posición límite de equilibrio



$$\sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{2k} = \left(\frac{1}{2}\right) + \left(\frac{1}{4}\right) + \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{8}\right) + \left(\frac{1}{10} + \frac{1}{12} + \frac{1}{14} + \frac{1}{16}\right) + \dots$$

2 num.  $\geq 1/8$ 
4 num.  $\geq 1/16$

¿Qué ven mis ojos?

... o qué no ven.

## El puzzle

Se trata de una variante del puzzle creado por Pat Patterson “*The Vanishing Leprechaun*”. Podemos hacer desaparecer con nuestras propias manos una figura dibujada en un papel y que vuelva a aparecer cuando queramos.

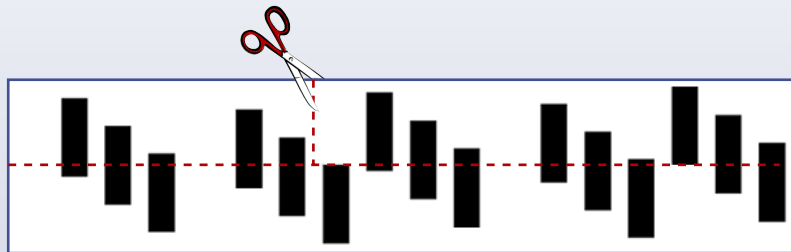


¿Cuántas figuras se ven en la imagen?



## El puzzle

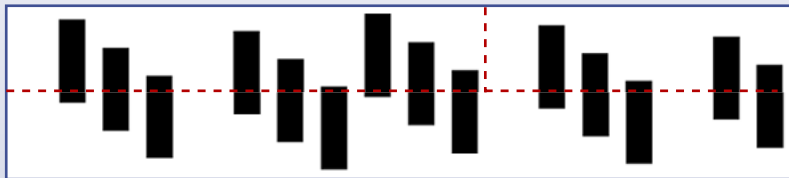
Se trata de una variante del puzzle creado por Pat Patterson “*The Vanishing Leprechaun*”. Podemos hacer desaparecer con nuestras propias manos una figura dibujada en un papel y que vuelva a aparecer cuando queramos.



Si hacemos unos cortes “estratégicos” e intercambiamos las partes superiores. . .

## El puzzle

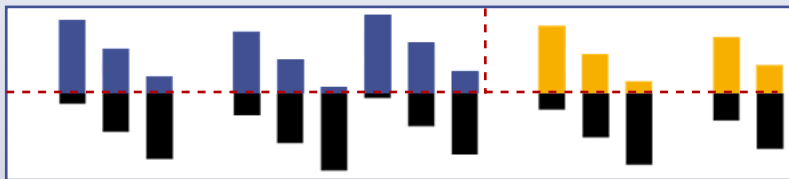
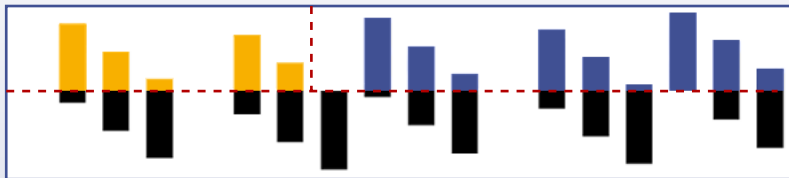
Se trata de una variante del puzzle creado por Pat Patterson “*The Vanishing Leprechaun*”. Podemos hacer desaparecer con nuestras propias manos una figura dibujada en un papel y que vuelva a aparecer cuando queramos.



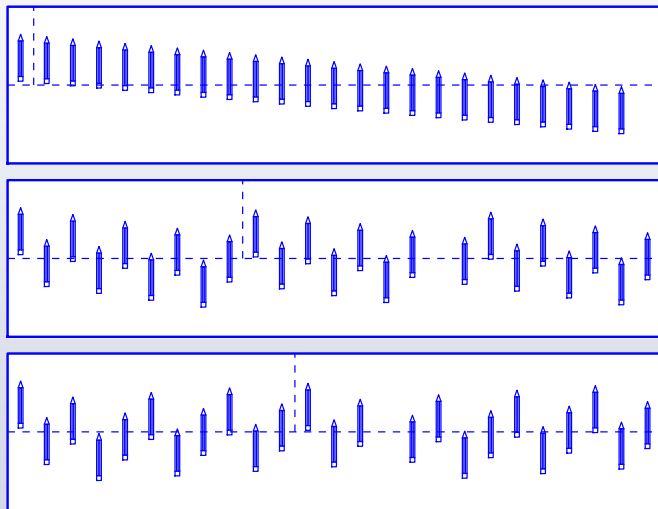
¿Cuántas figuras se ven ahora?

# El puzzle

Coloreando las partes superiores:



# Variante con ¿24? lápices



Podéis encontrar la presentación en:

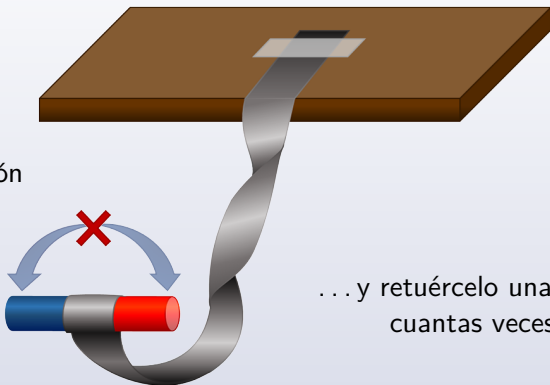
---

<https://www.uam.es/fernando.chamizo>

---

## Bonus track

Sujeta un cinturón a una barra...



...y retuércelo unas cuantas veces.

Si no permitimos girar la barra verticalmente,  
¿se puede desenrollar?